

Matematika.

Petr Salač

Fakulta přírodovědně-humanitní a pedagogická

Technická univerzita v Liberci

petr.salac@tul.cz

5. 11. 2012

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)
Jsou-li A a B libovolné množiny,

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis,

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$,

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$,

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f**

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f** a značí se $H(f)$.

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f** a značí se $H(f)$.

Definice (pojem funkce jedné proměnné)

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f** a značí se $H(f)$.

Definice (pojem funkce jedné proměnné)

Funkcí f jedné proměnné rozumíme funkci f množiny $M \subset \mathbb{R}$ do množiny \mathbb{R} .

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f** a značí se $H(f)$.

Definice (pojem funkce jedné proměnné)

Funkcí f jedné proměnné rozumíme funkci f množiny $M \subset \mathbb{R}$ do množiny \mathbb{R} .

Způsoby zadání funkce : 1) Výrazem

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f** a značí se $H(f)$.

Definice (pojem funkce jedné proměnné)

Funkcí f jedné proměnné rozumíme funkci f množiny $M \subset \mathbb{R}$ do množiny \mathbb{R} .

Způsoby zadání funkce : 1) Výrazem
2) slovním předpisem

Funkce

Definice (obecný pojem funkce)

Jsou-li A a B libovolné množiny, pak **funkcí f množiny A do množiny B** rozumíme předpis, který každému prvku $x \in A$ přiřazuje jediný prvek množiny $y \in B$, píšeme $y = f(x)$.

Množina A se nazývá **definiční obor funkce f** a značí se $D(f)$, množina $\{y \in B; \text{existuje } x \in A \text{ takový, že } y = f(x)\}$ se nazývá **obor hodnot funkce f** a značí se $H(f)$.

Definice (pojem funkce jedné proměnné)

Funkcí f jedné proměnné rozumíme funkci f množiny $M \subset \mathbb{R}$ do množiny \mathbb{R} .

Způsoby zadání funkce :

- 1) Výrazem
- 2) slovním předpisem
- 3) tabulkou

Funkce

Definice

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Definice (graf funkce)

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Definice (graf funkce)

Množinu všech bodů $[x, y]$ roviny takových, že $x \in D(f)$, $y = f(x)$ nazveme **graf funkce f** .

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Definice (graf funkce)

Množinu všech bodů $[x, y]$ roviny takových, že $x \in D(f)$, $y = f(x)$ nazveme **graf funkce f** .

Definice (rovnost funkcí)

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Definice (graf funkce)

Množinu všech bodů $[x, y]$ roviny takových, že $x \in D(f)$, $y = f(x)$ nazveme **graf funkce f** .

Definice (rovnost funkcí)

Řekneme, že funkce f a g **jsou si rovny**, jestliže $D(f) = D(g)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(x) = g(x)$;

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Definice (graf funkce)

Množinu všech bodů $[x, y]$ roviny takových, že $x \in D(f)$, $y = f(x)$ nazveme **graf funkce f** .

Definice (rovnost funkcí)

Řekneme, že funkce f a g **jsou si rovny**, jestliže $D(f) = D(g)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(x) = g(x)$;
píšeme pak $f = g$,

Funkce

Definice

Je-li funkce f dána výrazem $y = f(x)$. Pak x nazveme **nezávisle proměnná** (nebo **argument**) a y **závisle proměnná**.

Pro pevně zvolenou hodnotu a nezávisle proměnné se číslo $f(a)$ nazývá **hodnota funkce f v bodě a** .

Poznámka

Je-li funkce f zadána výrazem bez udání definičního oboru, považujeme za $D(f)$ množinu všech čísel, pro něž příslušný výraz existuje.

Definice (graf funkce)

Množinu všech bodů $[x, y]$ roviny takových, že $x \in D(f)$, $y = f(x)$ nazveme **graf funkce f** .

Definice (rovnost funkcí)

Řekneme, že funkce f a g **jsou si rovny**, jestliže $D(f) = D(g)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(x) = g(x)$;

píšeme pak $f = g$,

v opačném případě píšeme $f \neq g$.

Funkce

Definice (operace s funkcemi)

Součet $f + g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) + g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Funkce

Definice (operace s funkcemi)

Součet $f + g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) + g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Rozdíl $f - g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) - g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Funkce

Definice (operace s funkcemi)

Součet $f + g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) + g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Rozdíl $f - g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) - g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Součin $f.g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x).g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Funkce

Definice (operace s funkcemi)

Součet $f + g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) + g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Rozdíl $f - g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x) - g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Součin $f.g$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = f(x).g(x)$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Podíl $\frac{f}{g}$ funkcí f a g se definuje jako funkce h , kde $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ pro každé x , pro něž tento výraz existuje.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$,
 $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce, která je rostoucí nebo klesající,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce, která je rostoucí nebo klesající, se nazývá **ryze monotónní**.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce, která je rostoucí nebo klesající, se nazývá **ryze monotónní**.

Funkce, která je neklesající nebo nerostoucí,

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce, která je rostoucí nebo klesající, se nazývá **ryze monotónní**.

Funkce, která je neklesající nebo nerostoucí, se nazývá **monotónní**.

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce, která je rostoucí nebo klesající, se nazývá **ryze monotónní**.

Funkce, která je neklesající nebo nerostoucí, se nazývá **monotónní**.

Věta

Funkce

Definice (typy funkcí)

Funkce f se nazývá **rostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) < f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **klesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) > f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **neklesající**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \leq f(x_2)$.

Funkce f se nazývá **nerostoucí**, jestliže pro libovolné $x_1, x_2 \in D(f)$, $x_1 < x_2$, platí $f(x_1) \geq f(x_2)$.

Funkce, která je rostoucí nebo klesající, se nazývá **ryze monotónní**.

Funkce, která je neklesající nebo nerostoucí, se nazývá **monotónní**.

Věta

Každá ryze monotónní funkce je monotónní.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora omezená** množina.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$, resp. $f(-x) = -f(x)$.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$, resp. $f(-x) = -f(x)$.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$, resp. $f(-x) = -f(x)$.

Funkce f se nazývá **periodická s periodou $p > 0$** ,

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$, resp. $f(-x) = -f(x)$.

Funkce f se nazývá **periodická s periodou $p > 0$** , jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $x + p \in D(f)$ a $x - p \in D(f)$

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$, resp. $f(-x) = -f(x)$.

Funkce f se nazývá **periodická s periodou $p > 0$** , jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $x + p \in D(f)$ a $x - p \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(x + p) = f(x) = f(x - p)$.

Funkce

Poznámka

Obdobně se definuje monotónnost, případně ryzí monotónnost, na podmnožině M , v příslušných definicích se úsek " $x_1, x_2 \in D(f)$ " nahradí úsekem " $x_1, x_2 \in M$ ".

Funkce f se nazývá **zdola**, resp. **shora omezená**, jestliže její obor hodnot $H(f)$ je **zdola**, resp. **shora** omezená množina.

Funkce se nazývá **omezená**, jestliže je zdola omezená a shora omezená.

Analogicky se definuje na množině $M \subset D(f)$.

Funkce f se nazývá **sudá**, resp. **lichá**, jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $-x \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(-x) = f(x)$, resp. $f(-x) = -f(x)$.

Funkce f se nazývá **periodická s periodou $p > 0$** , jestliže pro každé $x \in D(f)$ je také $x + p \in D(f)$ a $x - p \in D(f)$ a pro každé $x \in D(f)$ je $f(x + p) = f(x) = f(x - p)$.

Funkce

Definice

Funkce $f : A \rightarrow B$ se nazývá **prostá**,

Funkce

Definice

Funkce $f : A \rightarrow B$ se nazývá **prostá**, jestliže platí

Funkce

Definice

Funkce $f : A \rightarrow B$ se nazývá **prostá**, jestliže platí

$$x_1, x_2 \in A, x_1 \neq x_2 \implies f(x_1) \neq f(x_2) .$$

Funkce

Definice

Funkce $f : A \rightarrow B$ se nazývá **prostá**, jestliže platí

$$x_1, x_2 \in A, x_1 \neq x_2 \implies f(x_1) \neq f(x_2) .$$

Věta

Funkce

Definice

Funkce $f : A \rightarrow B$ se nazývá **prostá**, jestliže platí

$$x_1, x_2 \in A, x_1 \neq x_2 \implies f(x_1) \neq f(x_2) .$$

Věta

Každá ryze monotónní funkce je prostá.

Funkce

Definice

Nechť $f : A \rightarrow B$ je dána. **Množinou funkčních hodnot funkce f** (ozn. $f(A)$) rozumíme množinu všech $y \in B$ pro něž existuje $x \in A$ takové, že $y = f(x)$.

Funkce

Definice

Nechť $f : A \rightarrow B$ je dána. **Množinou funkčních hodnot funkce f** (ozn. $f(A)$) rozumíme množinu všech $y \in B$ pro něž existuje $x \in A$ takové, že $y = f(x)$.

Poznámka

$f(A) \subset B$, ale může být $f(A) \neq B$.

Funkce

Definice

Nechť $f : A \rightarrow B$ je dána. **Množinou funkčních hodnot funkce f** (ozn. $f(A)$) rozumíme množinu všech $y \in B$ pro něž existuje $x \in A$ takové, že $y = f(x)$.

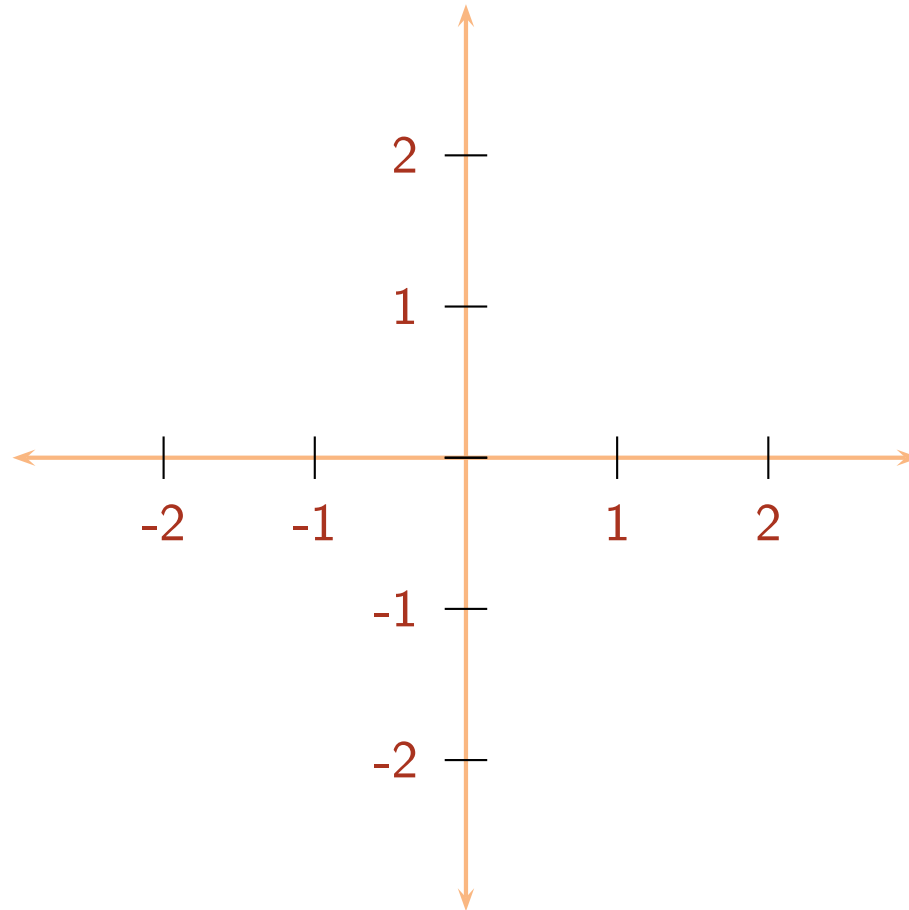
Poznámka

$f(A) \subset B$, ale může být $f(A) \neq B$.

Definice

Říkáme, že funkce $f : A \rightarrow B$ **zobrazuje množinou A na množinu B** , jestliže $f(A) = B$.

Konstantní funkce



Konstantní funkce

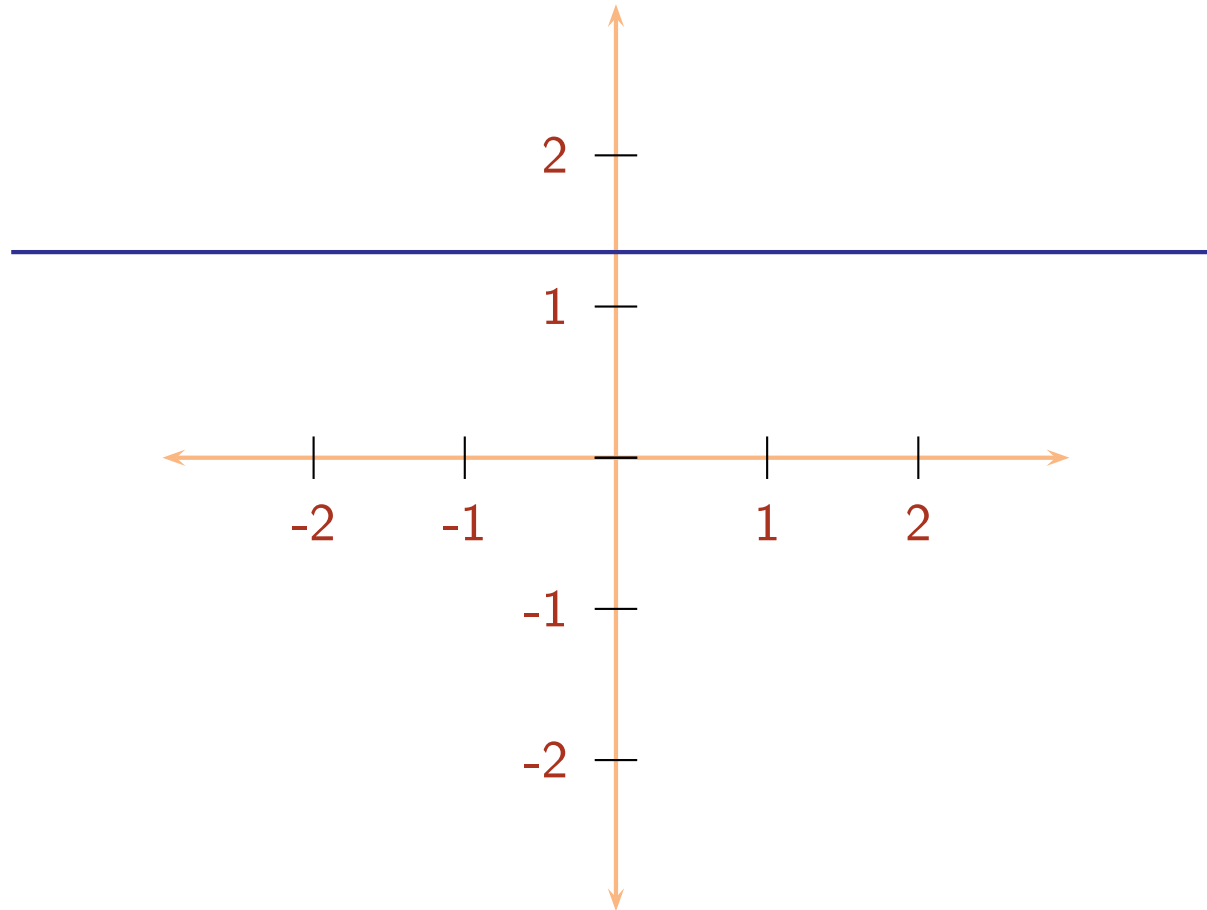


Fig 1

Identita

Definice

Funkce $f : A \rightarrow A$ se nazývá **identická na A** , právě tehdy když pro všechna $x \in A$ platí $f(x) = x$.

Identita

Definice

Funkce $f : A \rightarrow A$ se nazývá **identická na A** , právě tehdy když pro všechna $x \in A$ platí $f(x) = x$.

značíme : id_A

Identita

Definice

Funkce $f : A \rightarrow A$ se nazývá **identická na A** , právě tehdy když pro všechna $x \in A$ platí $f(x) = x$.

značíme : id_A

Poznámka

$$\text{id}_A(x) = x$$

Identita

Definice

Funkce $f : A \rightarrow A$ se nazývá **identická na A** , právě tehdy když pro všechna $x \in A$ platí $f(x) = x$.

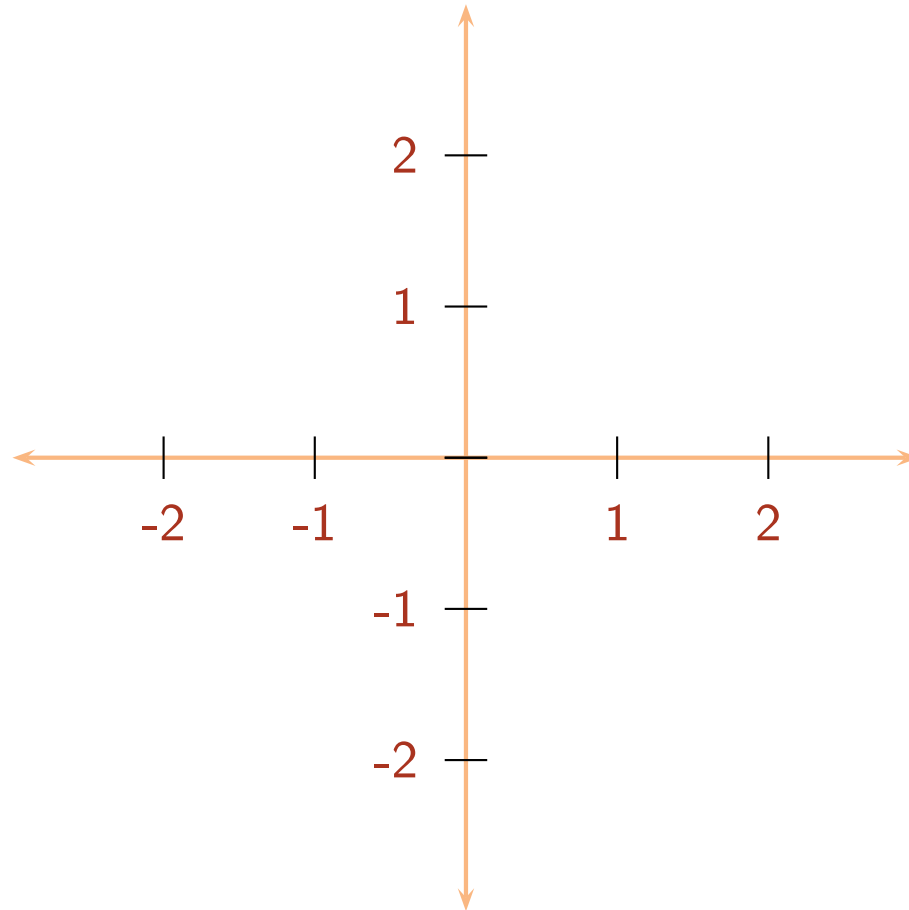
značíme : id_A

Poznámka

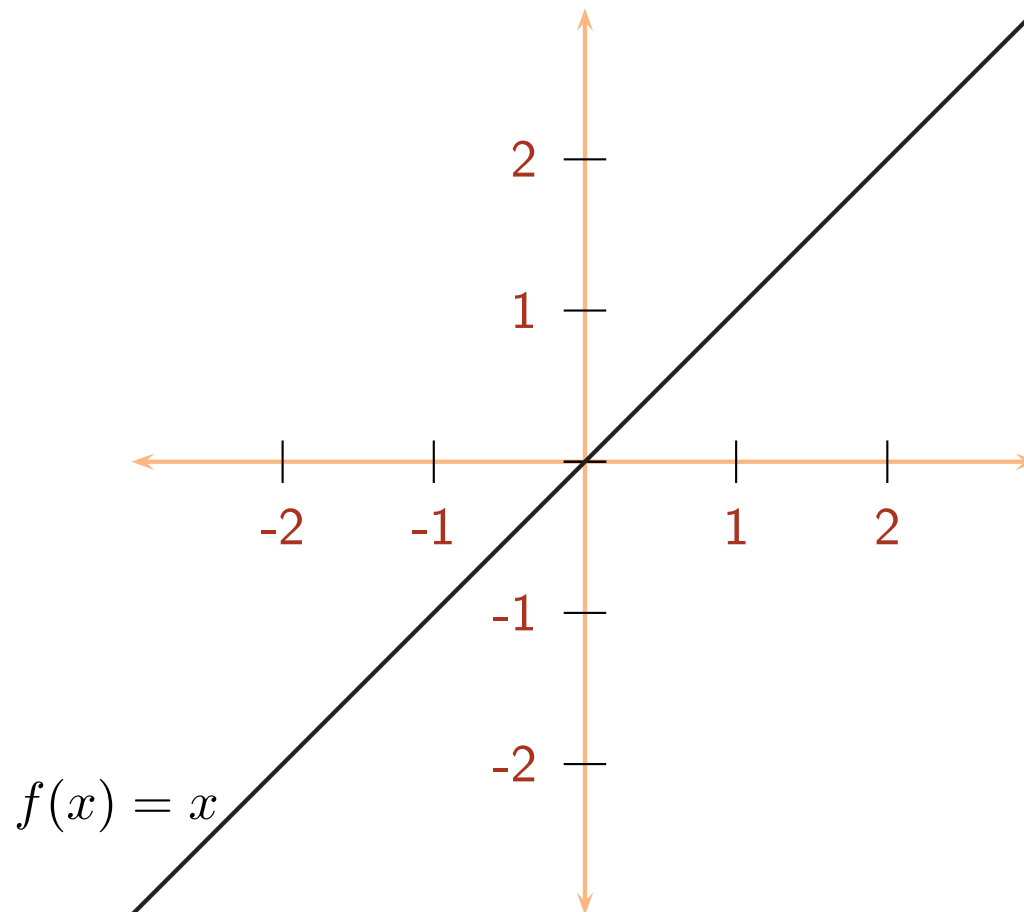
$$\text{id}_A(x) = x$$

$\text{id}_A : A \rightarrow A$ je prostá a na.

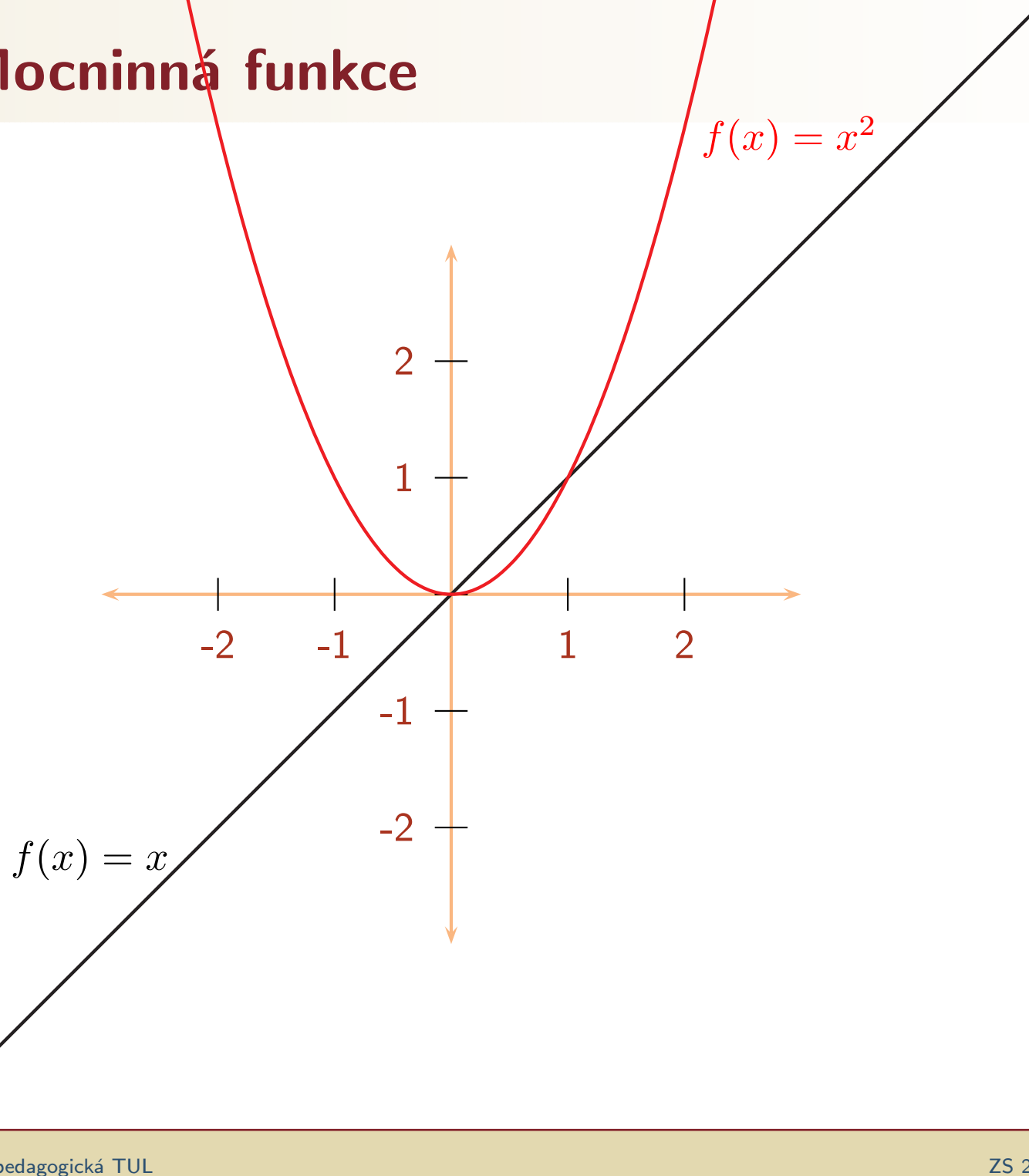
Mocninná funkce



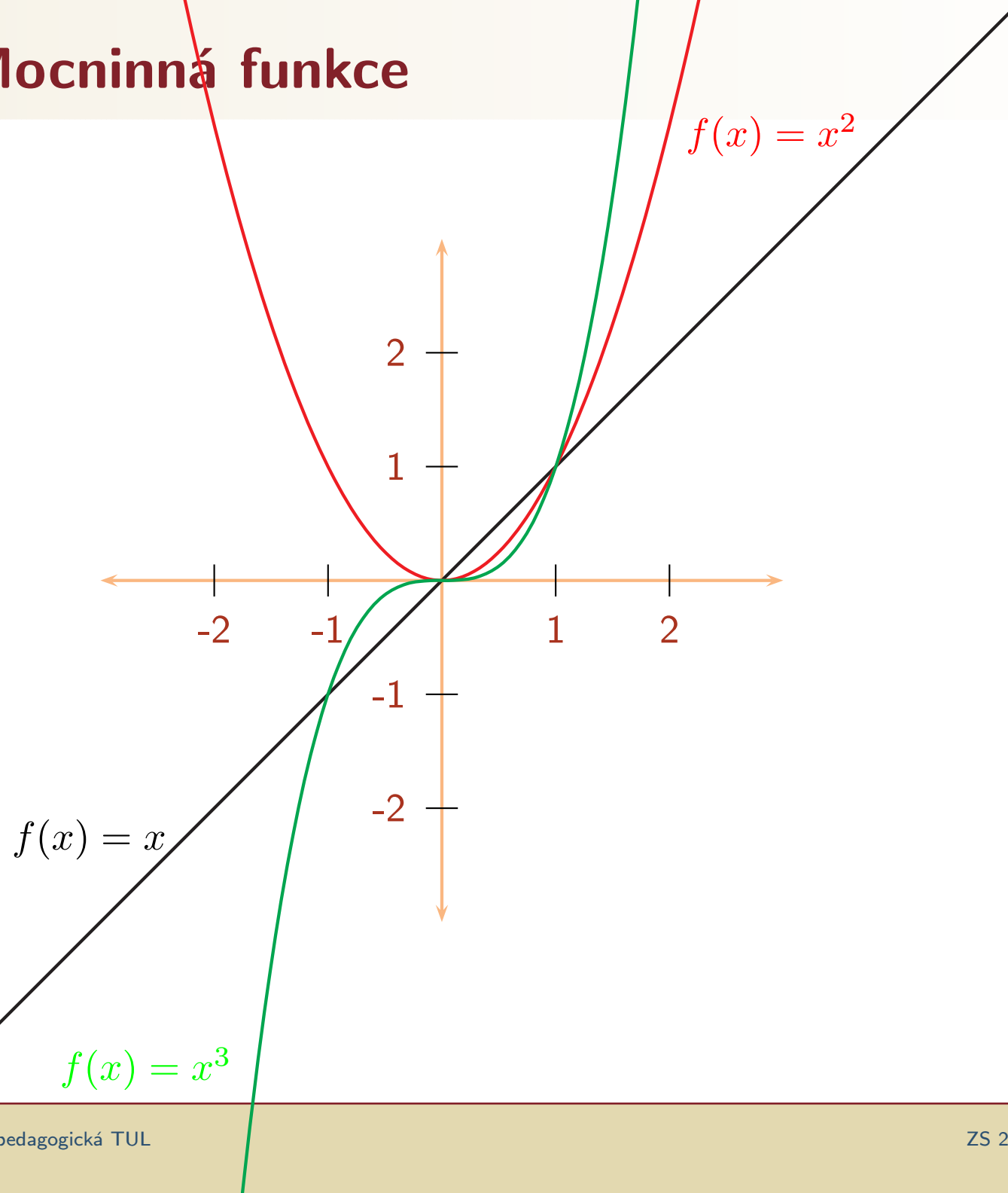
Mocninná funkce



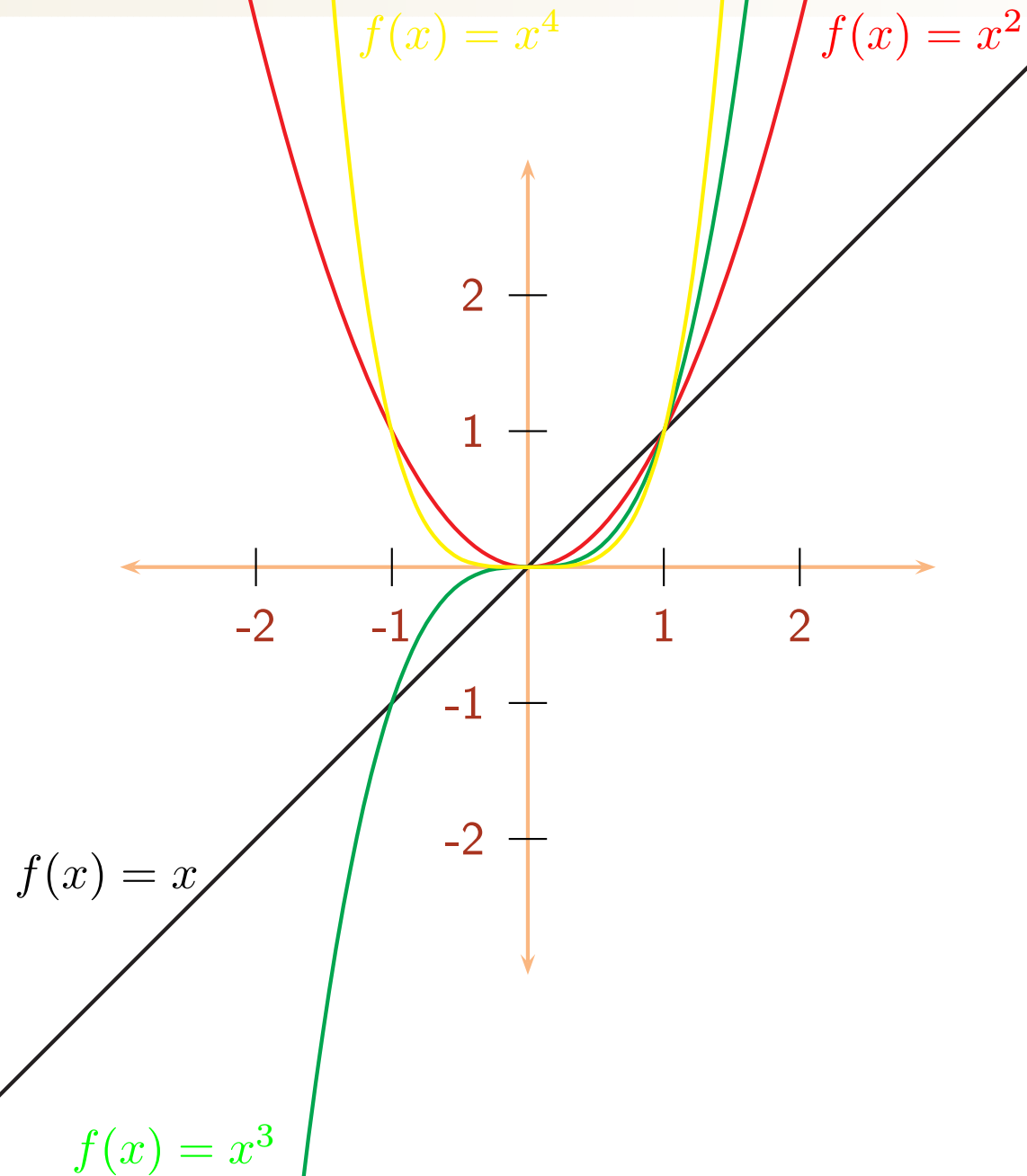
Mocninná funkce



Mocninná funkce



Mocninná funkce



Mocninná funkce

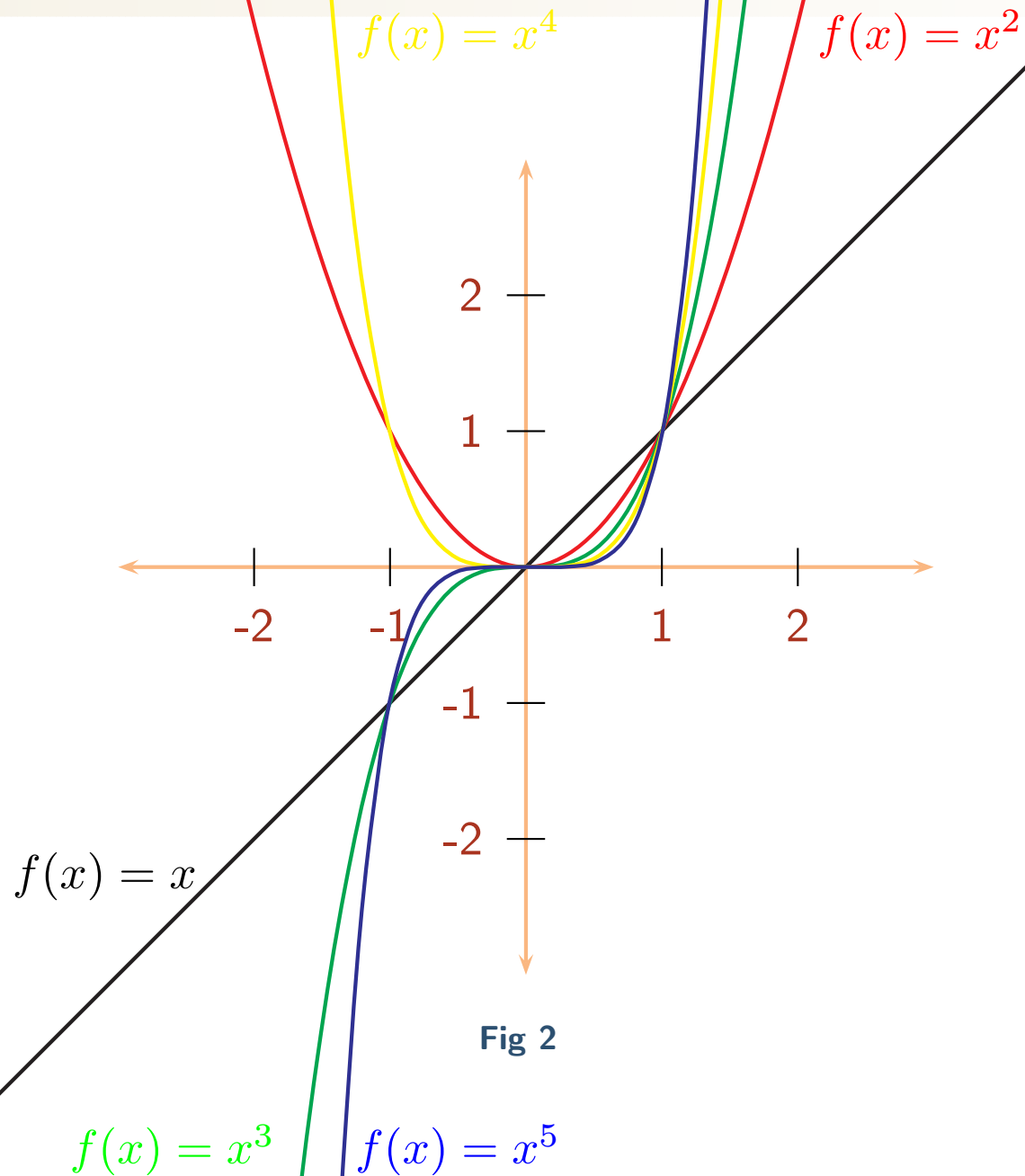
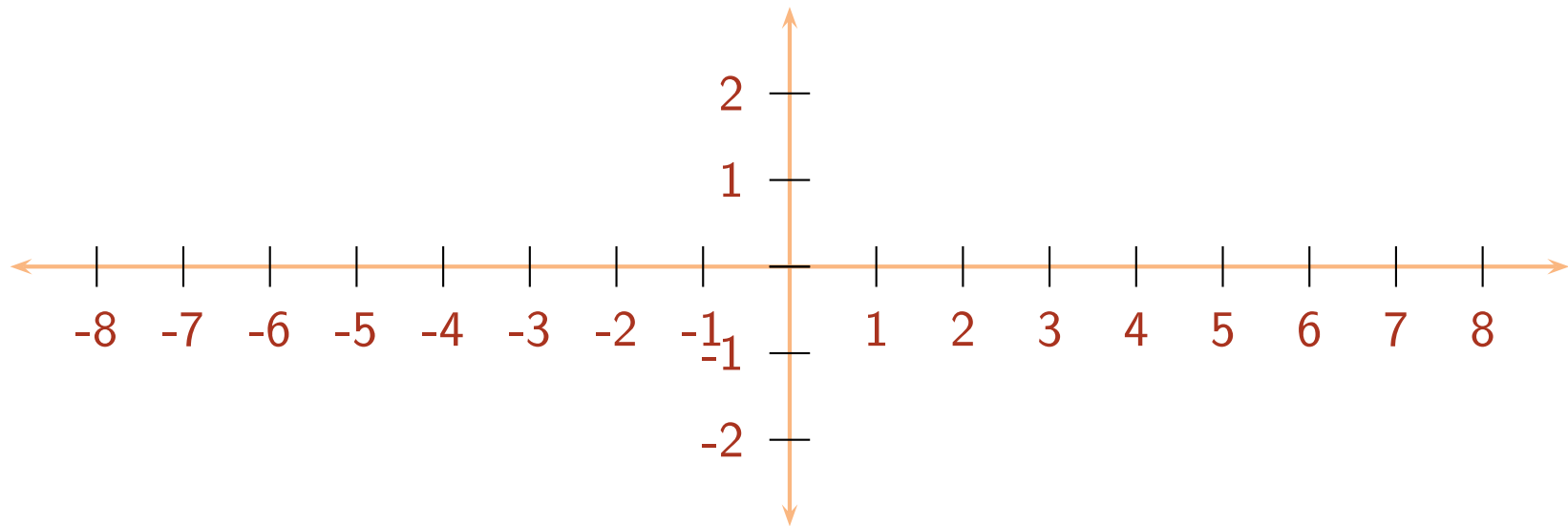
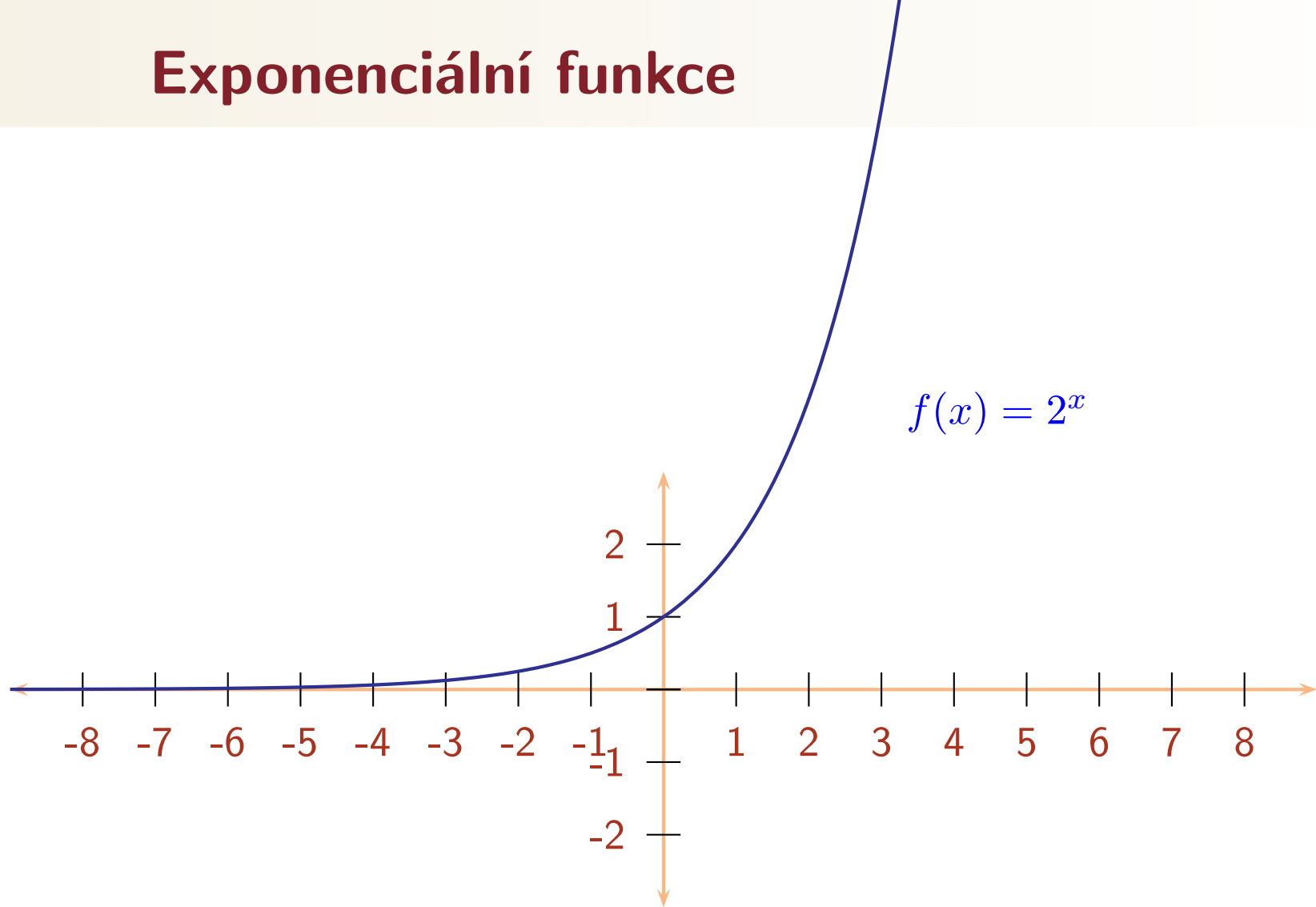


Fig 2

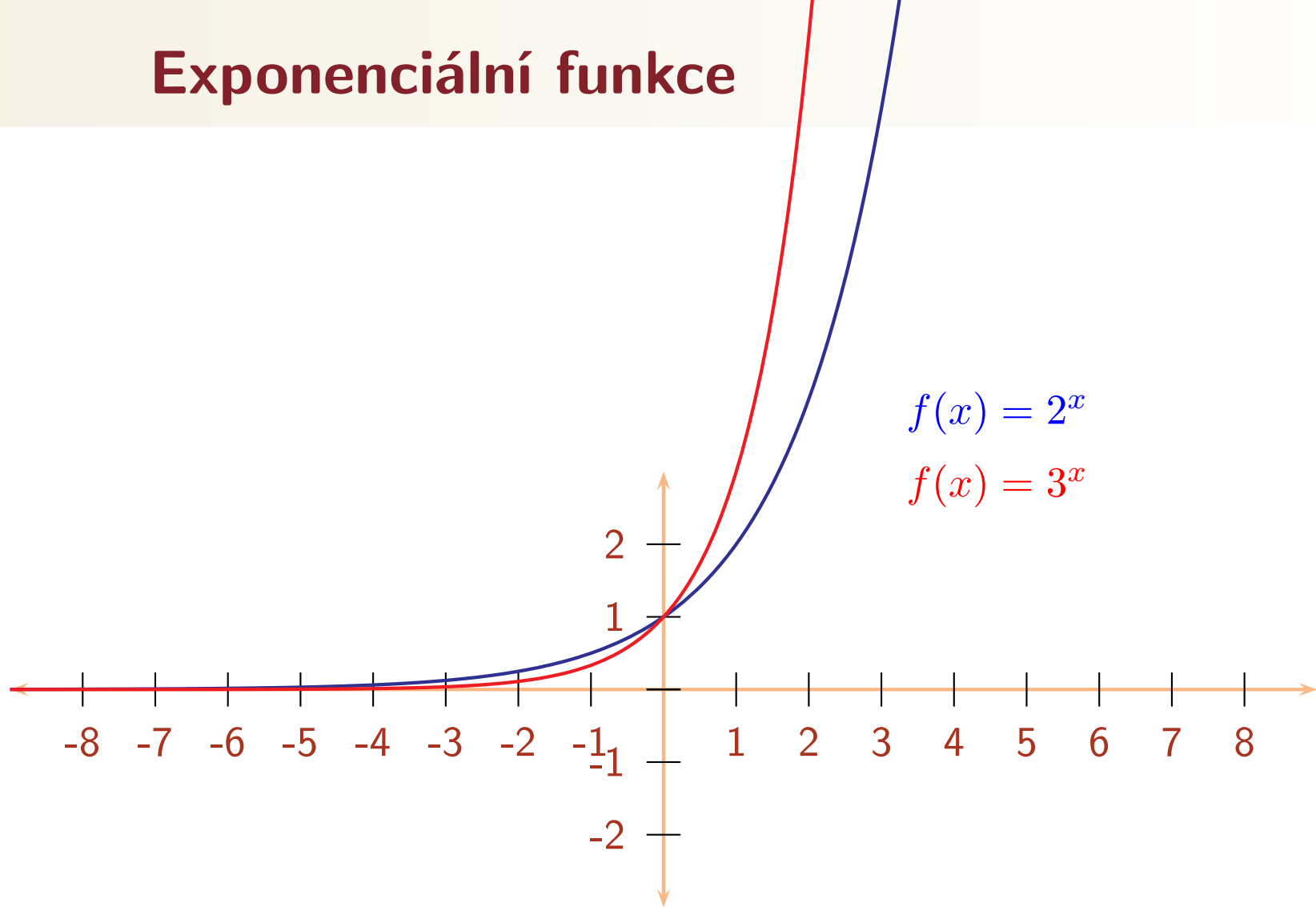
Exponenciální funkce



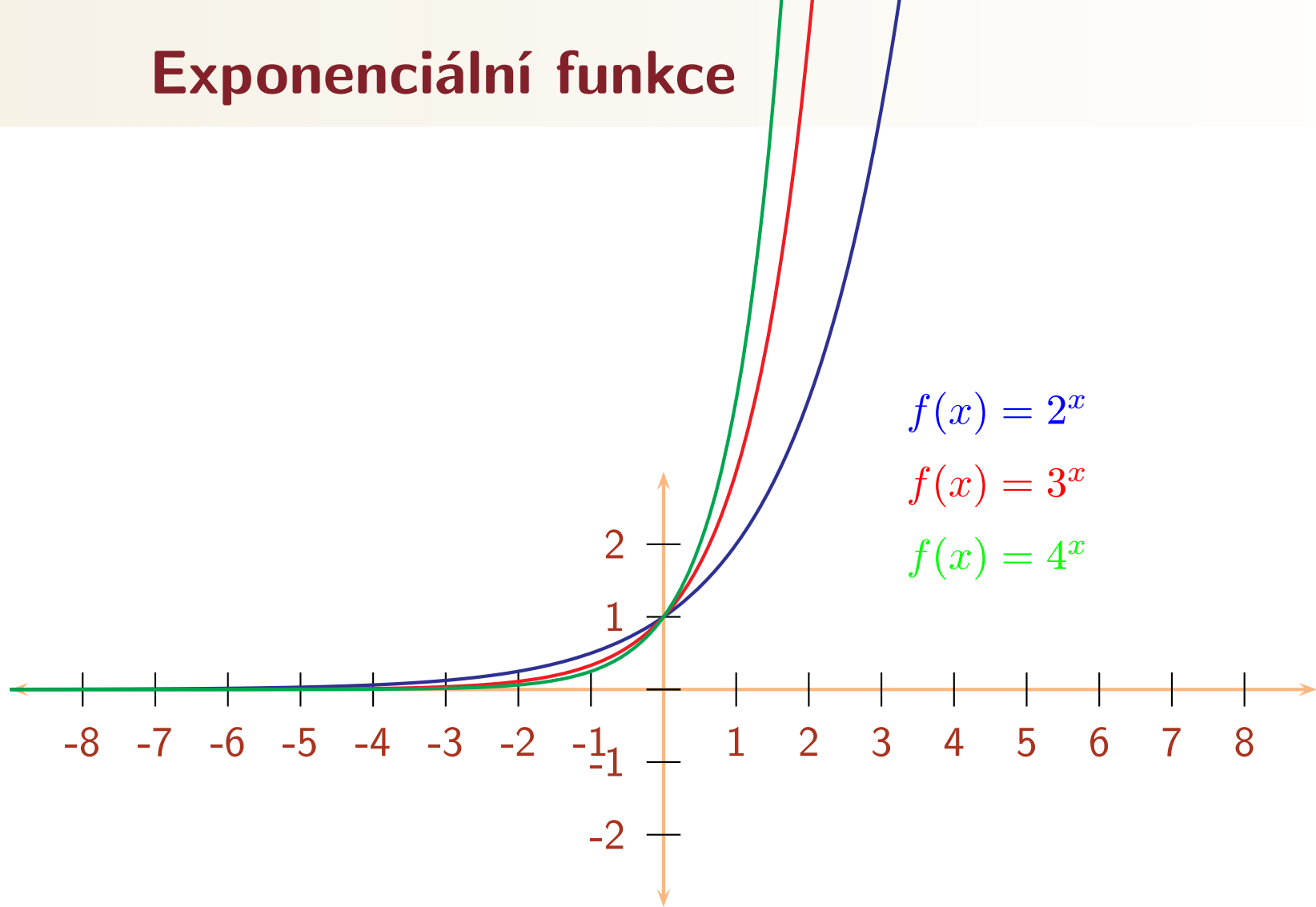
Exponenciální funkce



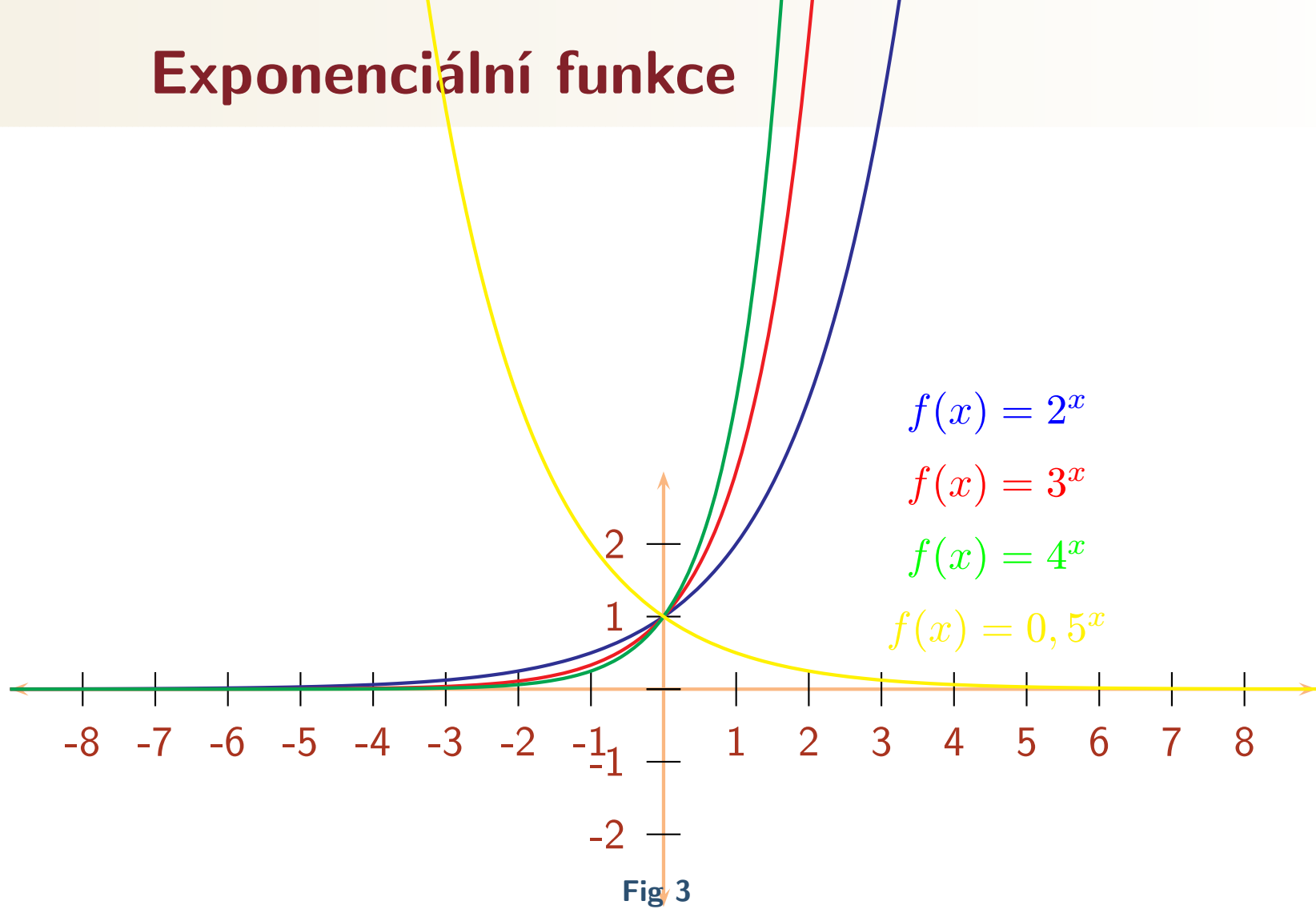
Exponenciální funkce



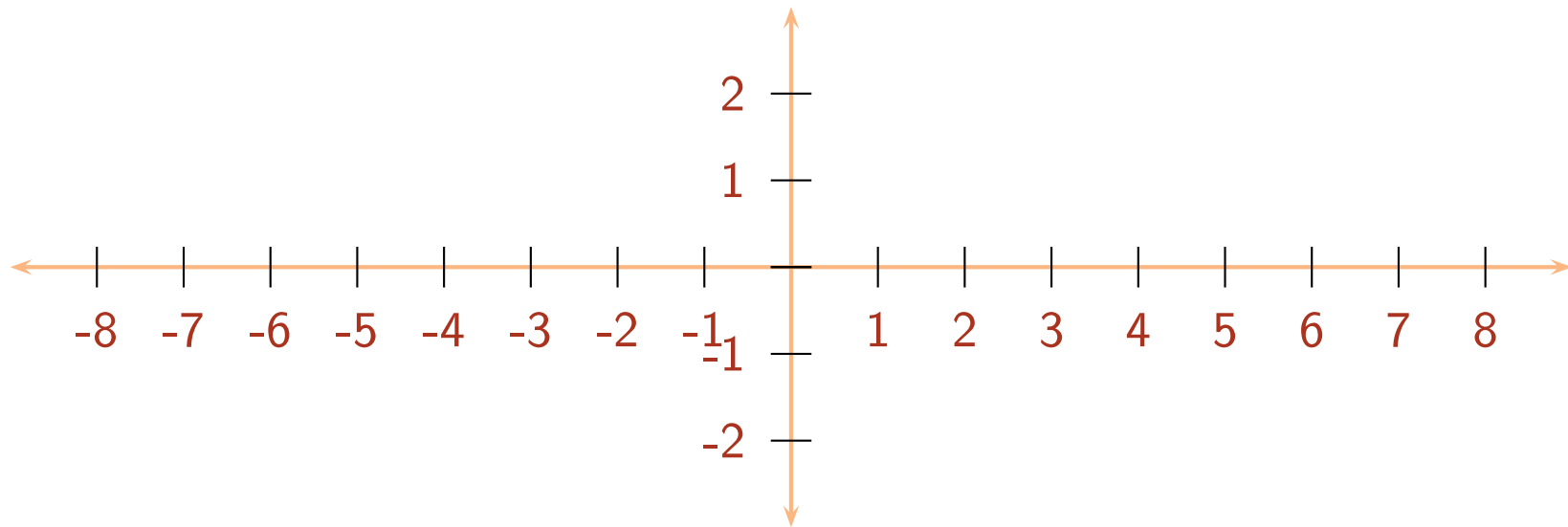
Exponenciální funkce



Exponenciální funkce

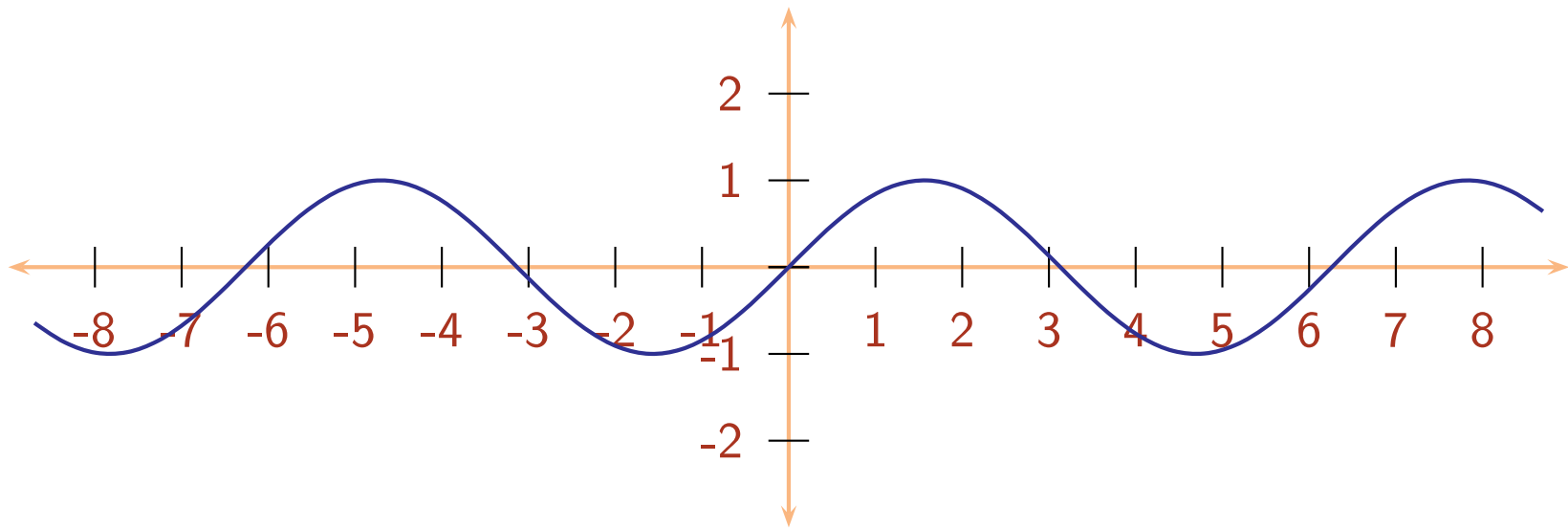


Goniometrické funkce



Goniometrické funkce

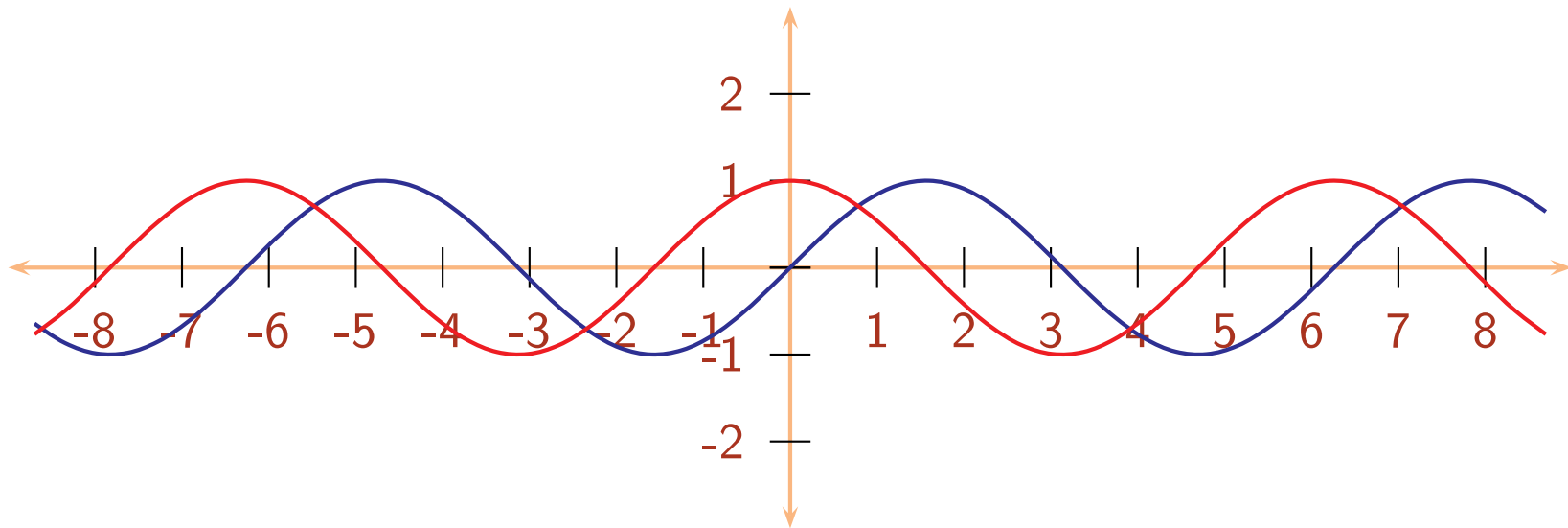
$$f(x) = \sin x$$



Goniometrické funkce

$$f(x) = \sin x$$

$$f(x) = \cos x$$

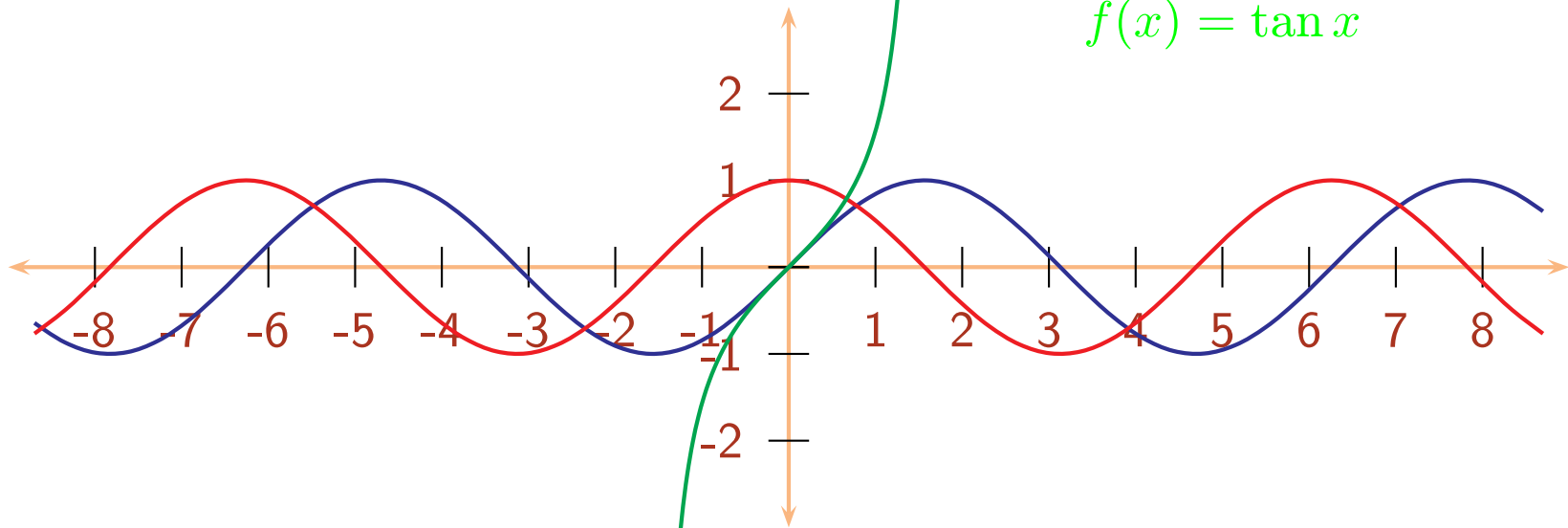


Goniometrické funkce

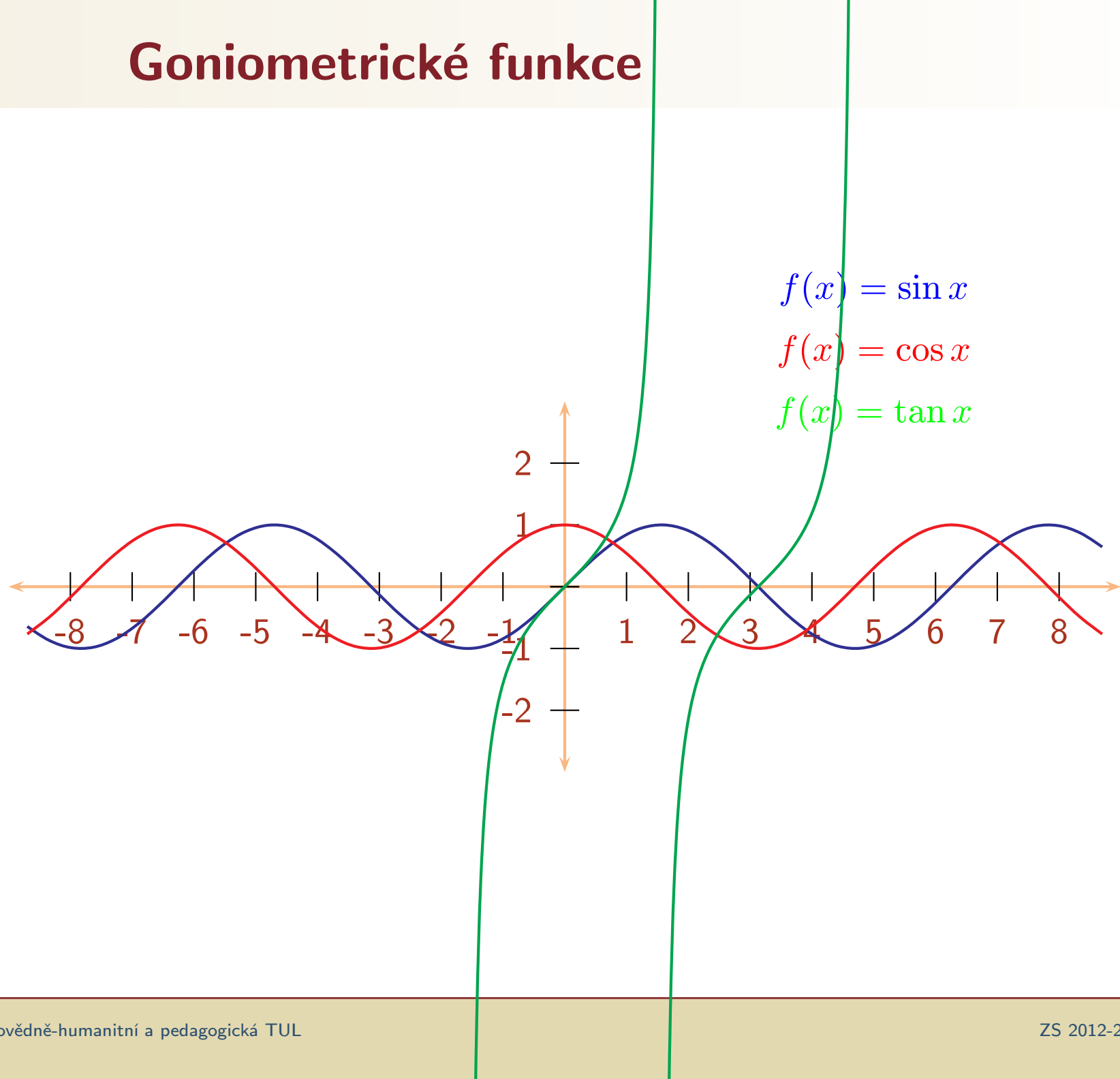
$$f(x) = \sin x$$

$$f(x) = \cos x$$

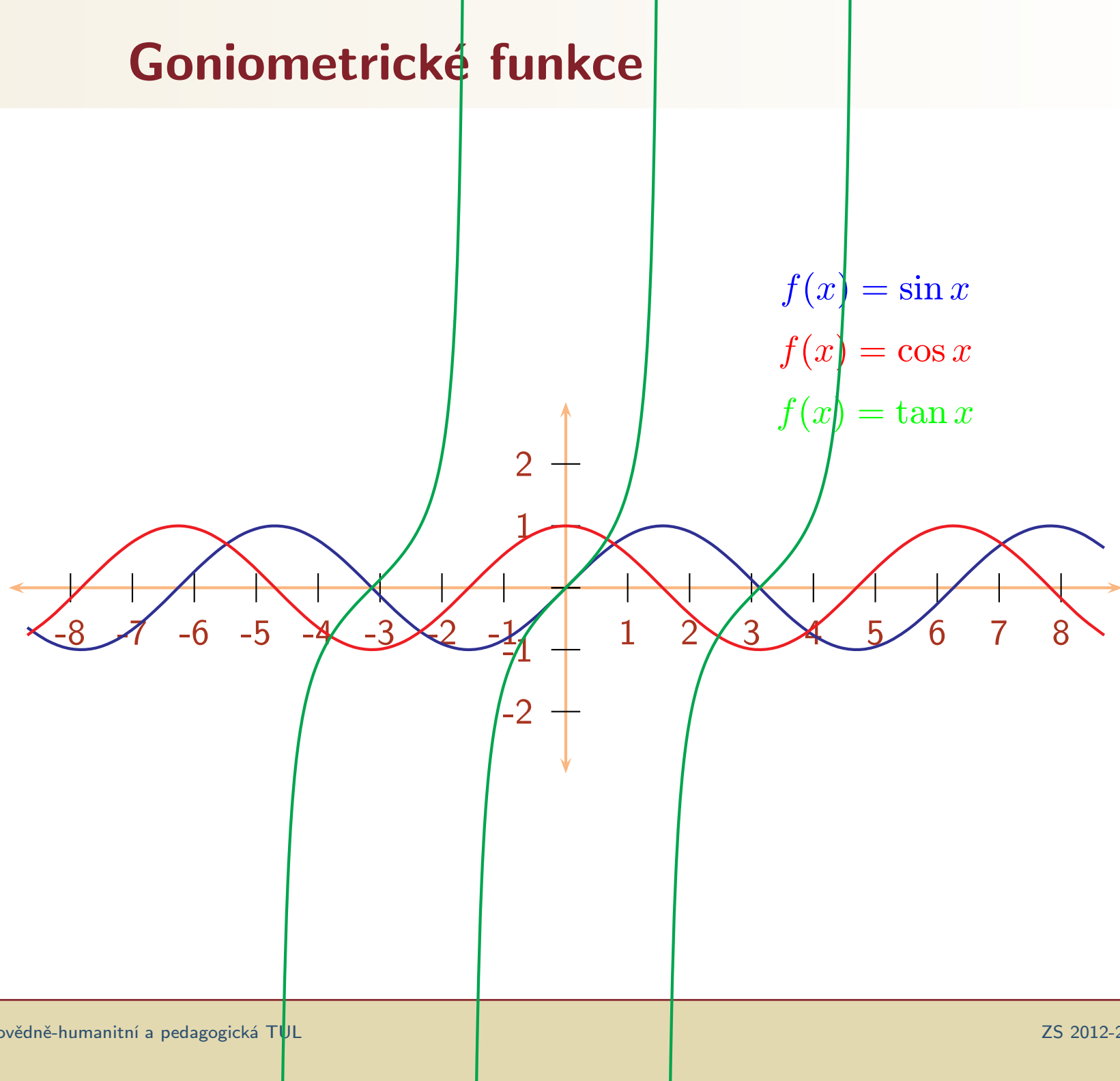
$$f(x) = \tan x$$



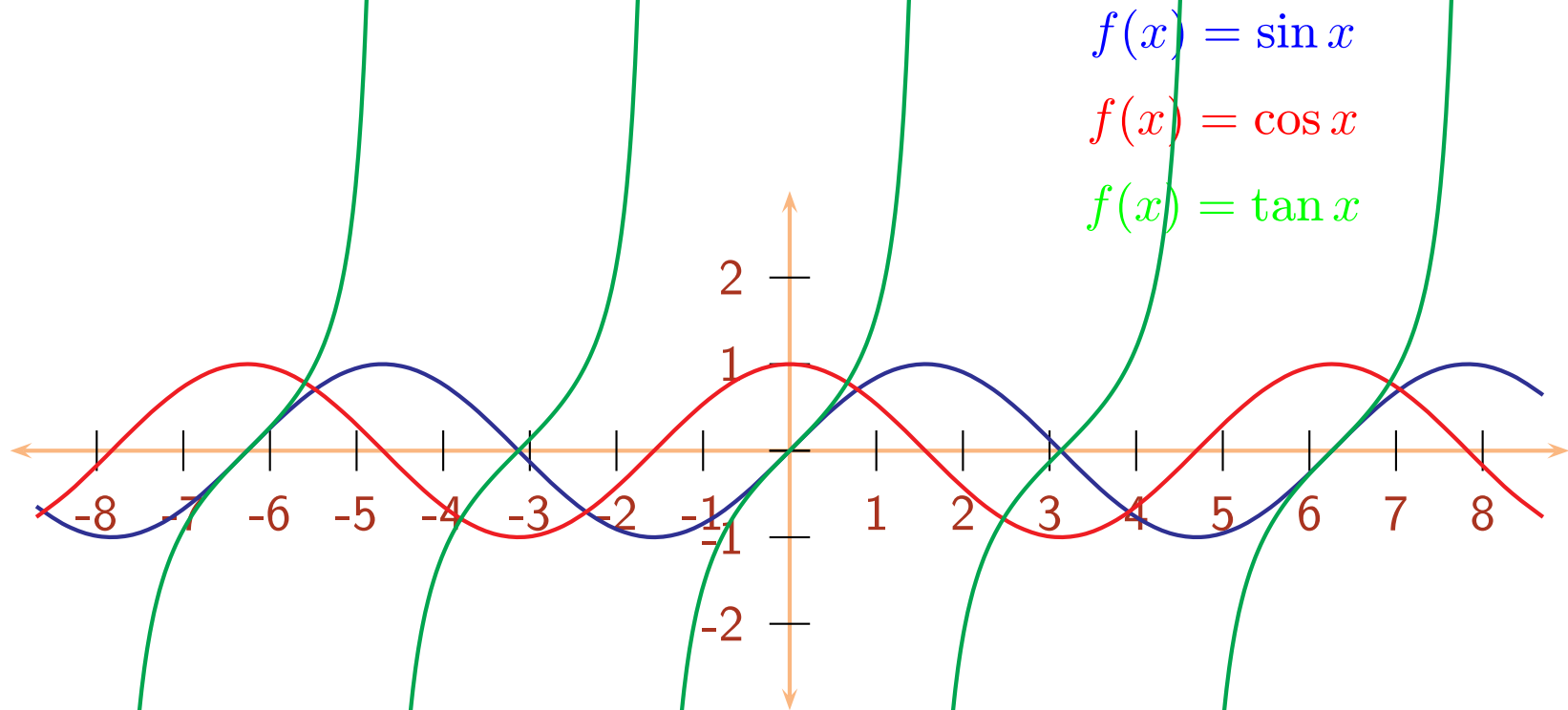
Goniometrické funkce



Goniometrické funkce



Goniometrické funkce



Goniometrické funkce

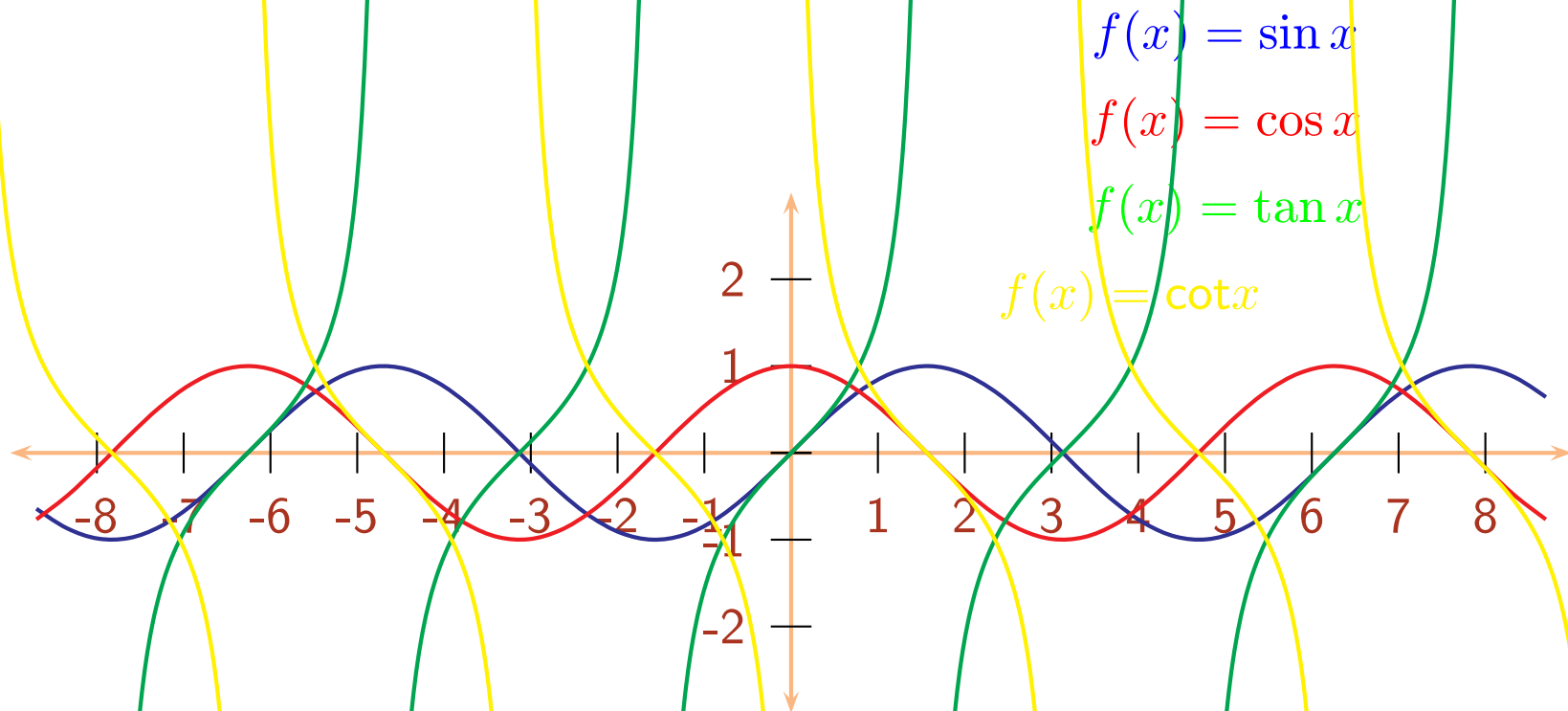
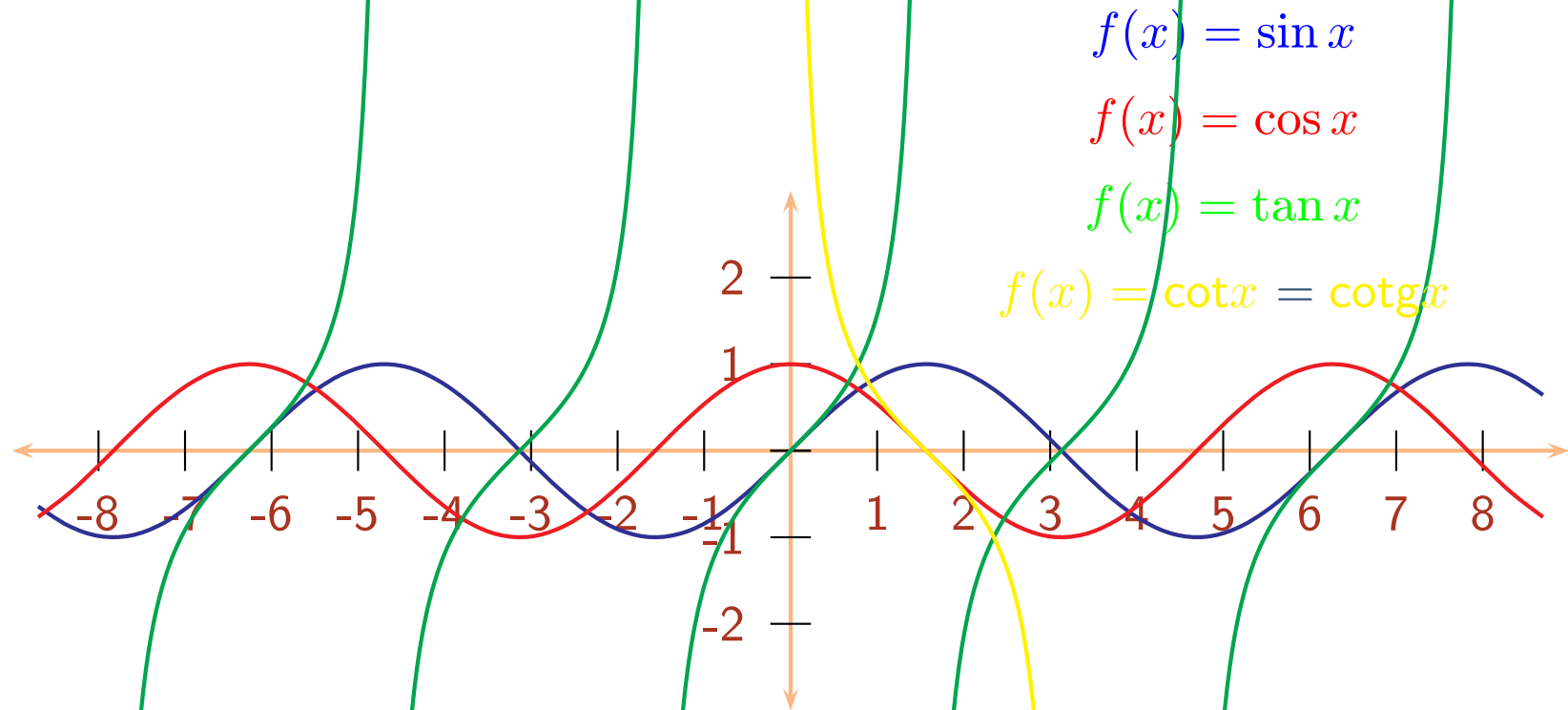
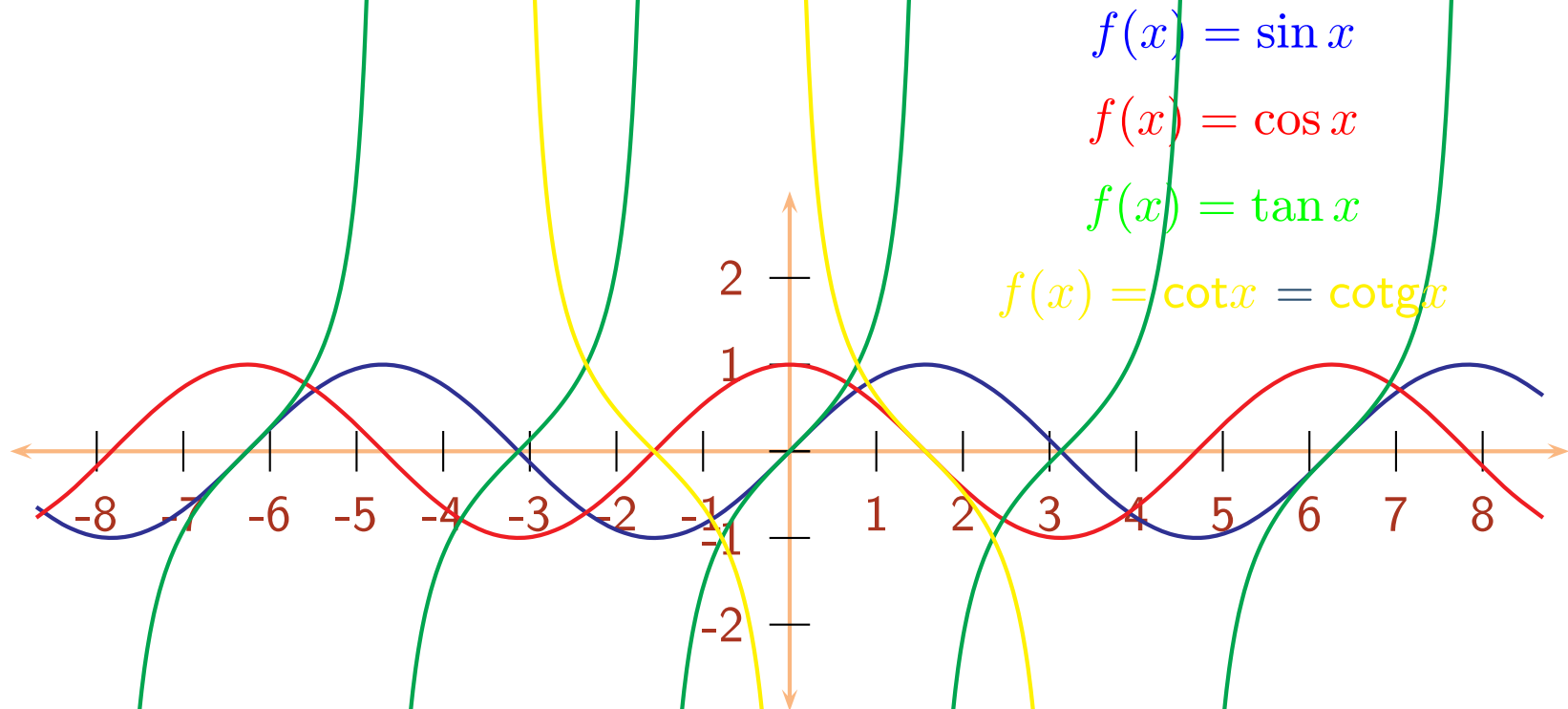


Fig 4

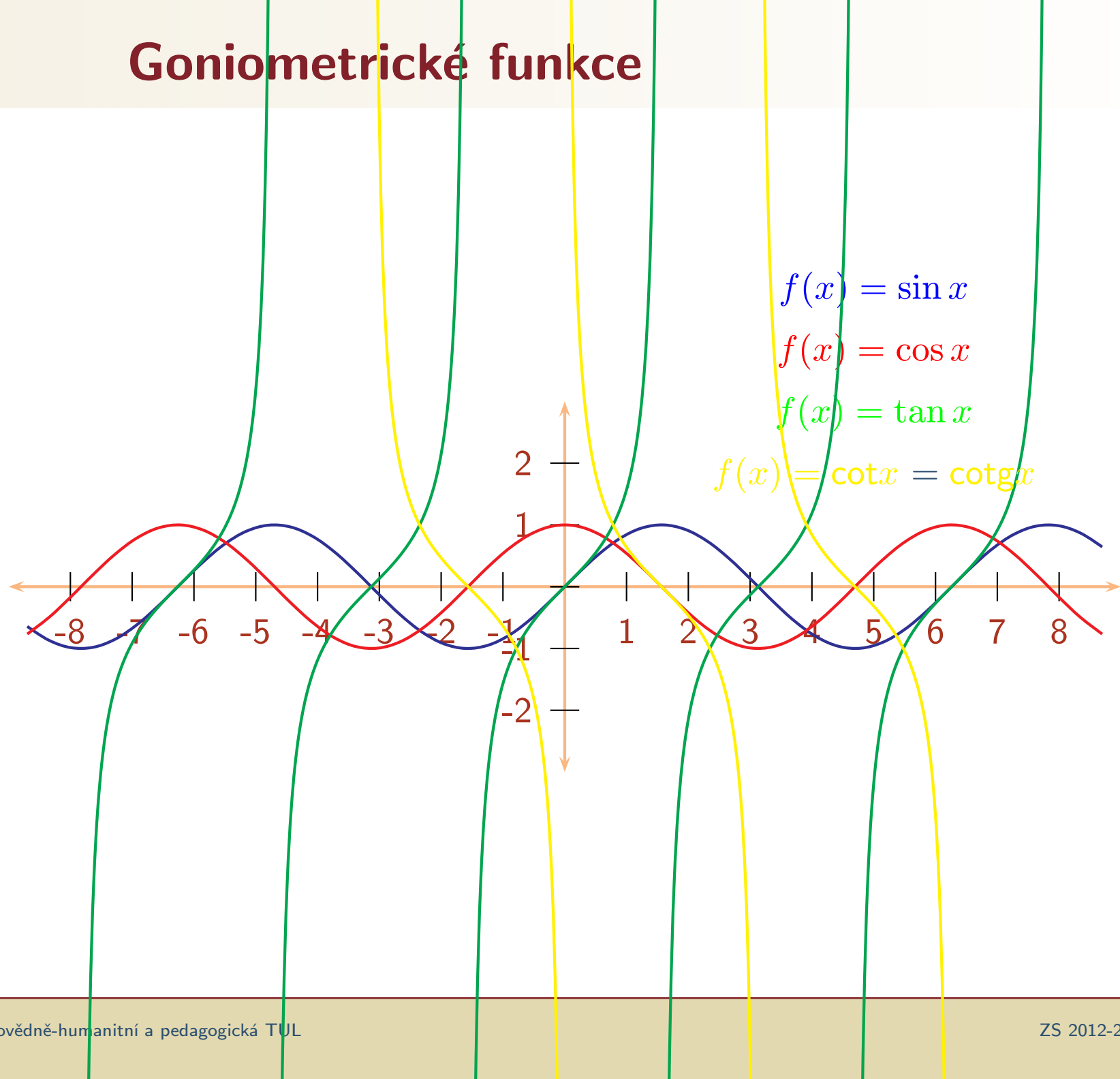
Goniometrické funkce



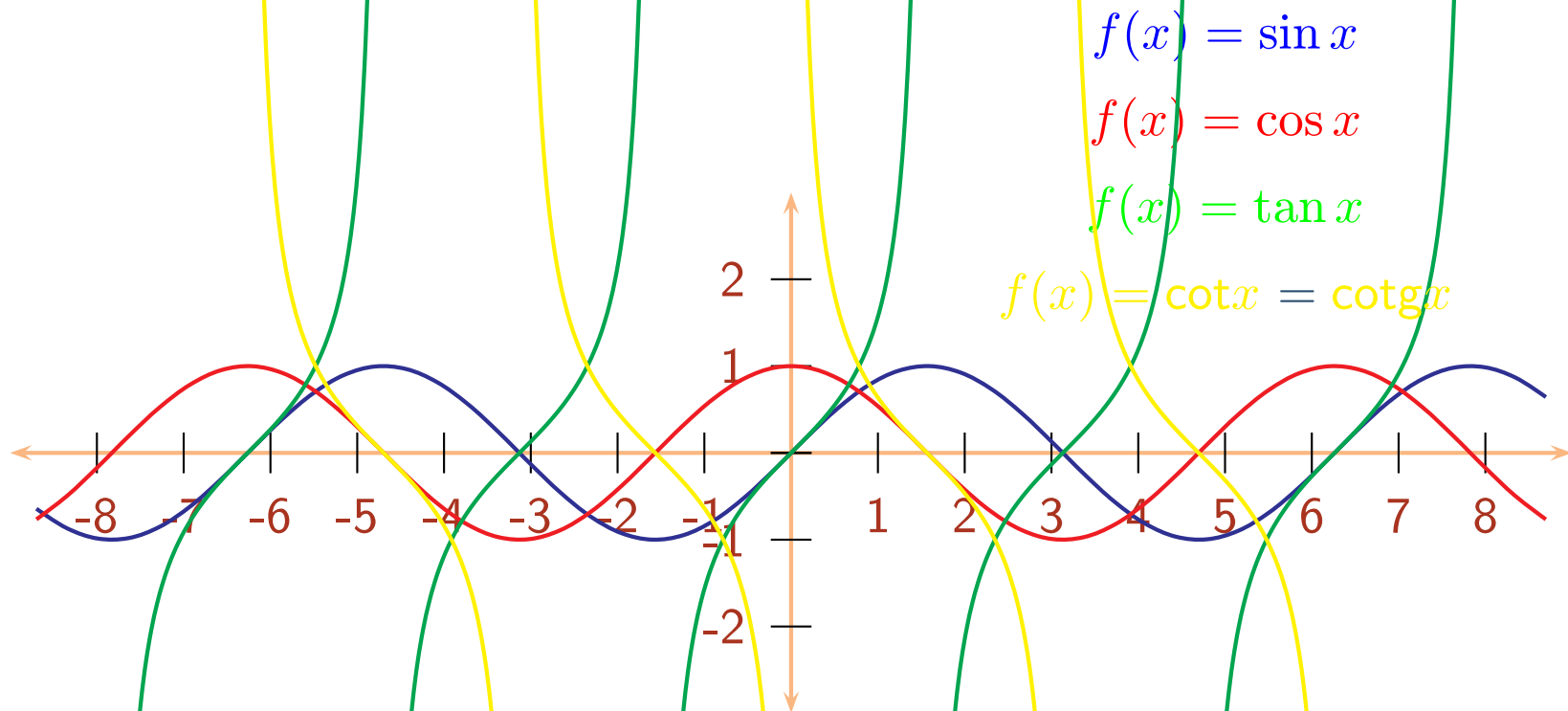
Goniometrické funkce



Goniometrické funkce



Goniometrické funkce



Goniometrické funkce

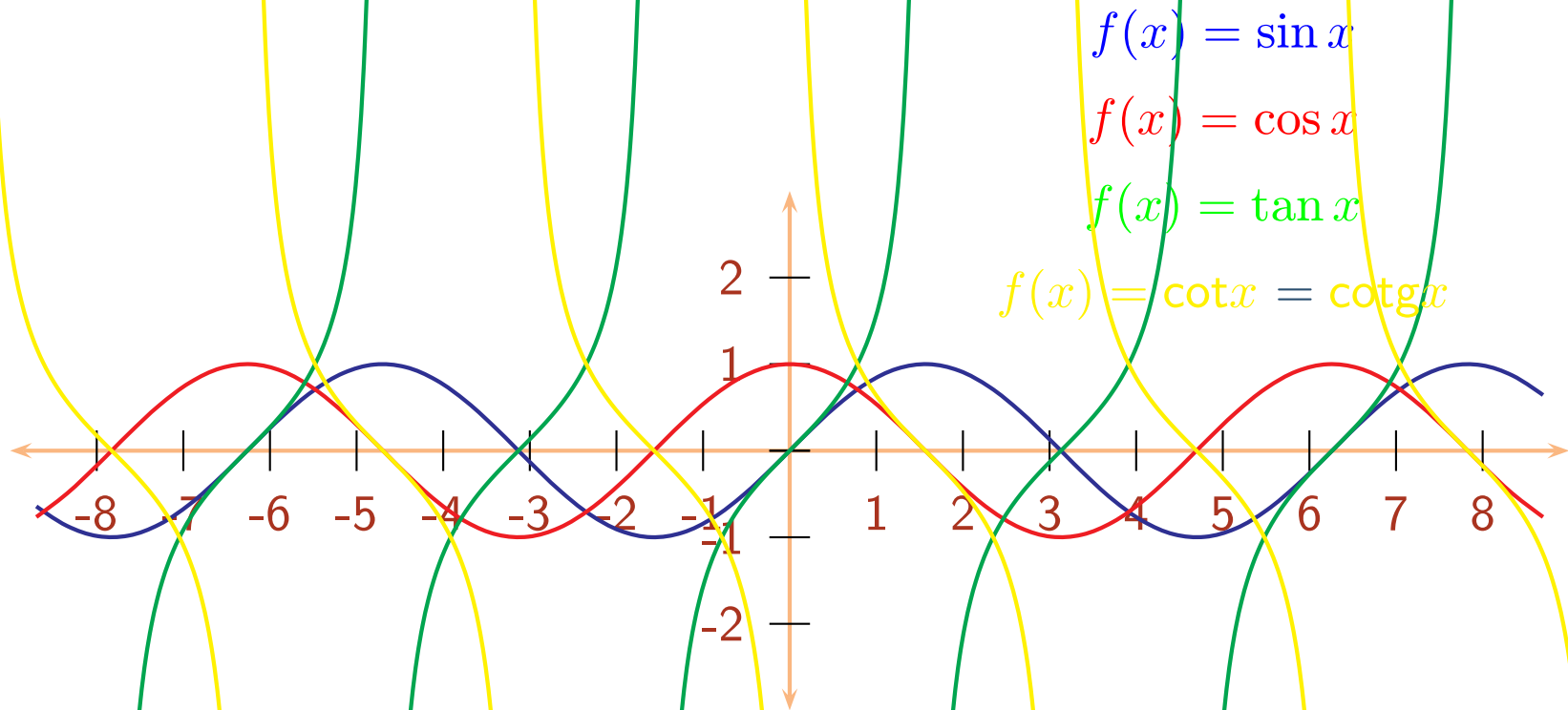


Fig 4

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce.

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

značíme $h = f \circ g$ (je složena z funkcí f a g)

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

značíme $h = f \circ g$ (je složena z funkcí f a g)

Funkci f nazveme **vnější**, funkci g **vnitřní**.

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

značíme $h = f \circ g$ (je složena z funkcí f a g)

Funkci f nazveme **vnější**, funkci g **vnitřní**.

Poznámka

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

značíme $h = f \circ g$ (je složena z funkcí f a g)

Funkci f nazveme **vnější**, funkci g **vnitřní**.

Poznámka

Definiční obor $f =$ koobor g .

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

značíme $h = f \circ g$ (je složena z funkcí f a g)
Funkci f nazveme **vnější**, funkci g **vnitřní**.

Poznámka

Definiční obor $f =$ koobor g .

Definice

Nechť $f : A \rightarrow B$ je libovolná funkce. Říkáme, že funkce $g : B \rightarrow A$ **je inverzní funkce k f** , jestliže platí

- 1) $g \circ f = \text{id}_A$
- 2) $f \circ g = \text{id}_B$.

Funkce

Definice Kompozice funkcí

Nechť $g : A \rightarrow B$, $f : B \rightarrow C$ jsou dvě funkce. Pak **kompozicí funkcí f a g** rozumíme funkci $h : A \rightarrow C$, definovanou předpisem

$$h(x) = f(g(x)) \quad \forall x \in A .$$

značíme $h = f \circ g$ (je složena z funkcí f a g)
Funkci f nazveme **vnější**, funkci g **vnitřní**.

Poznámka

Definiční obor $f =$ koobor g .

Definice

Nechť $f : A \rightarrow B$ je libovolná funkce. Říkáme, že funkce $g : B \rightarrow A$ **je inverzní funkce k f** , jestliže platí

1) $g \circ f = \text{id}_A$

2) $f \circ g = \text{id}_B$.

Značíme $g = f^{-1}$

Funkce

Poznámka

Definice je symetrická (je-li f inverzní ke $g \implies$ je g inverzní k f).

Mluvíme o vzájemně inverzních funkcích.

Funkce

Poznámka

Definice je symetrická (je-li f inverzní ke $g \implies$ je g inverzní k f).
Mluvíme o vzájemně inverzních funkcích.

Věta

Jestliže existuje f^{-1} , pak platí $f(f^{-1})^{-1} = f$.

Funkce

Poznámka

Definice je symetrická (je-li f inverzní ke $g \implies$ je g inverzní k f).
Mluvíme o vzájemně inverzních funkcích.

Věta

Jestliže existuje f^{-1} , pak platí $f(f^{-1})^{-1} = f$.

Věta (o jednoznačnosti inverzní funkce)

Jestliže k funkci $f : A \rightarrow B$ existuje inverzní funkce, pak je jediná.

Funkce

Poznámka

Definice je symetrická (je-li f inverzní ke $g \implies$ je g inverzní k f).
Mluvíme o vzájemně inverzních funkcích.

Věta

Jestliže existuje f^{-1} , pak platí $f(f^{-1})^{-1} = f$.

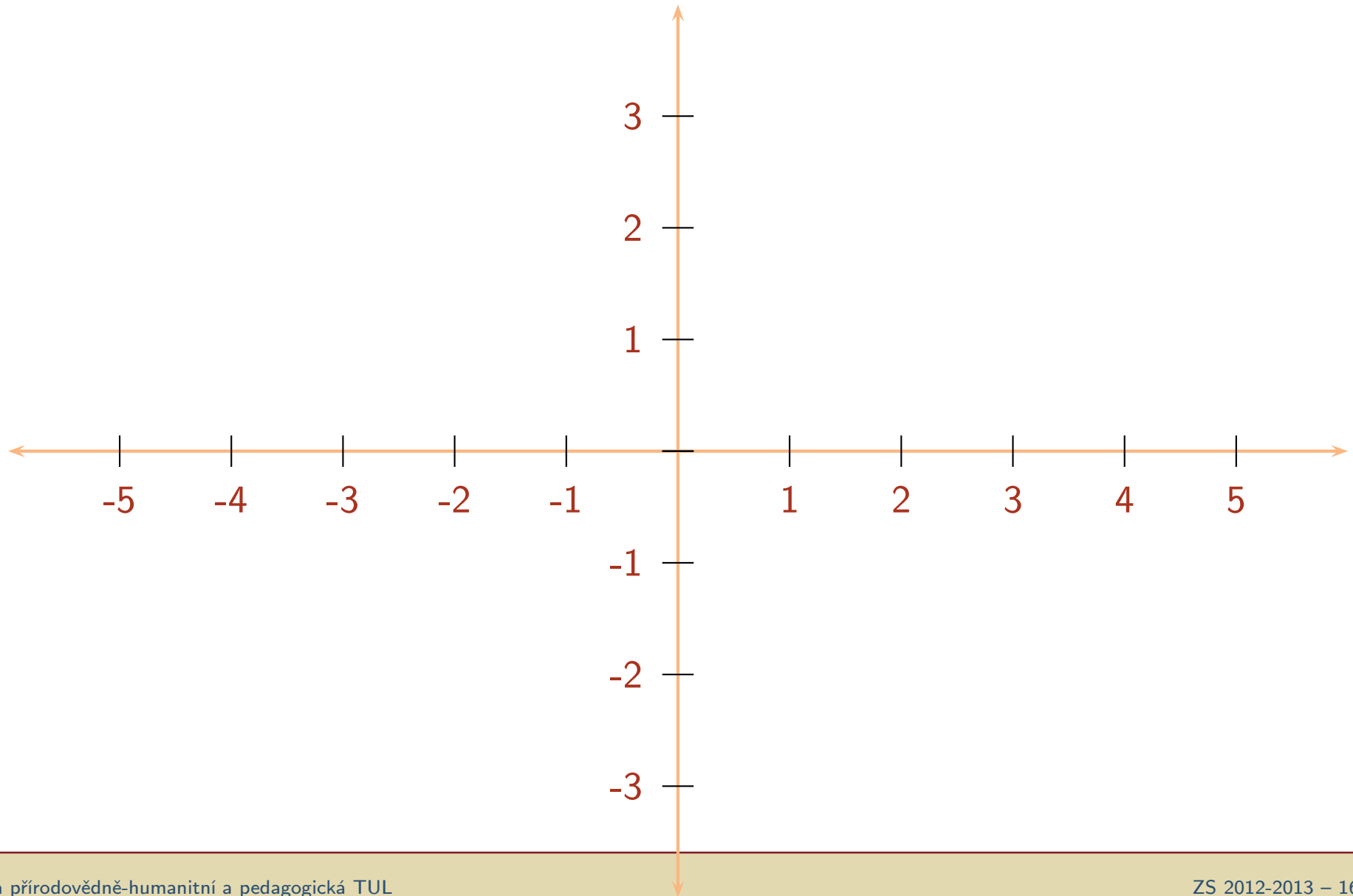
Věta (o jednoznačnosti inverzní funkce)

Jestliže k funkci $f : A \rightarrow B$ existuje inverzní funkce, pak je jediná.

Věta (o existenci inverzní funkce)

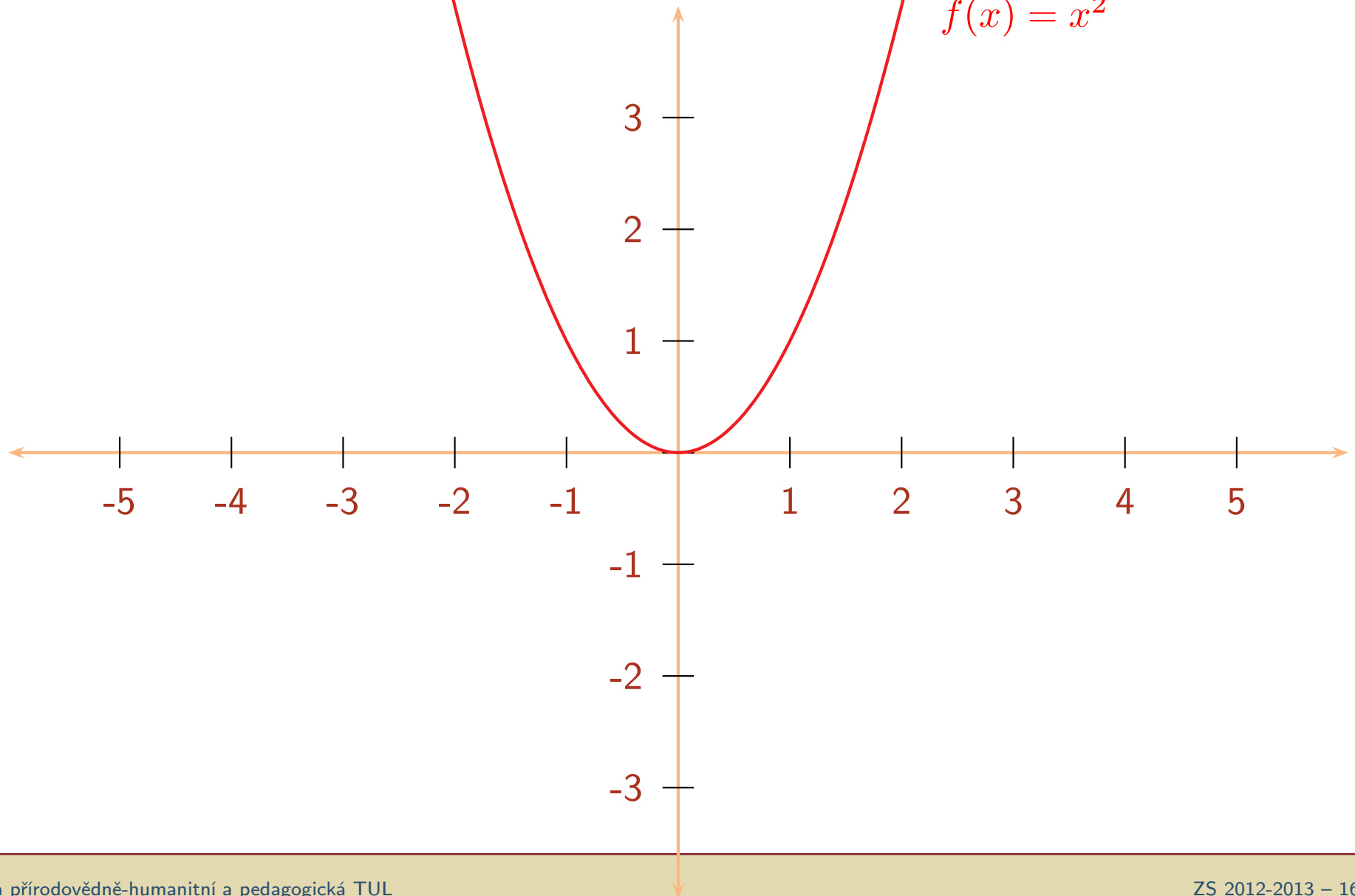
K funkci $f : A \rightarrow B$ existuje inverzní funkce právě tehdy, když f je prostá a zobrazuje A na B .

Mocninné funkce

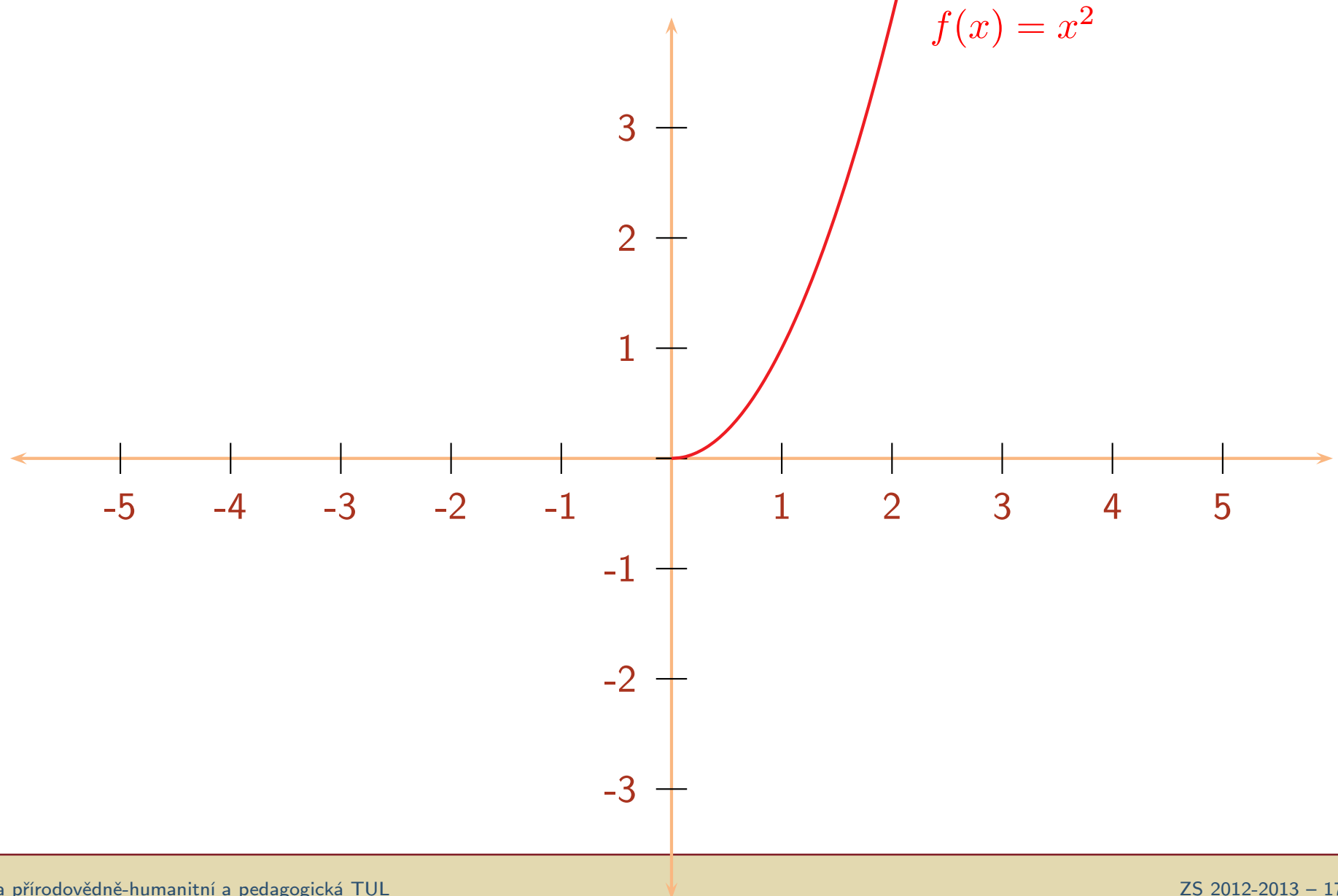


Mocninné funkce

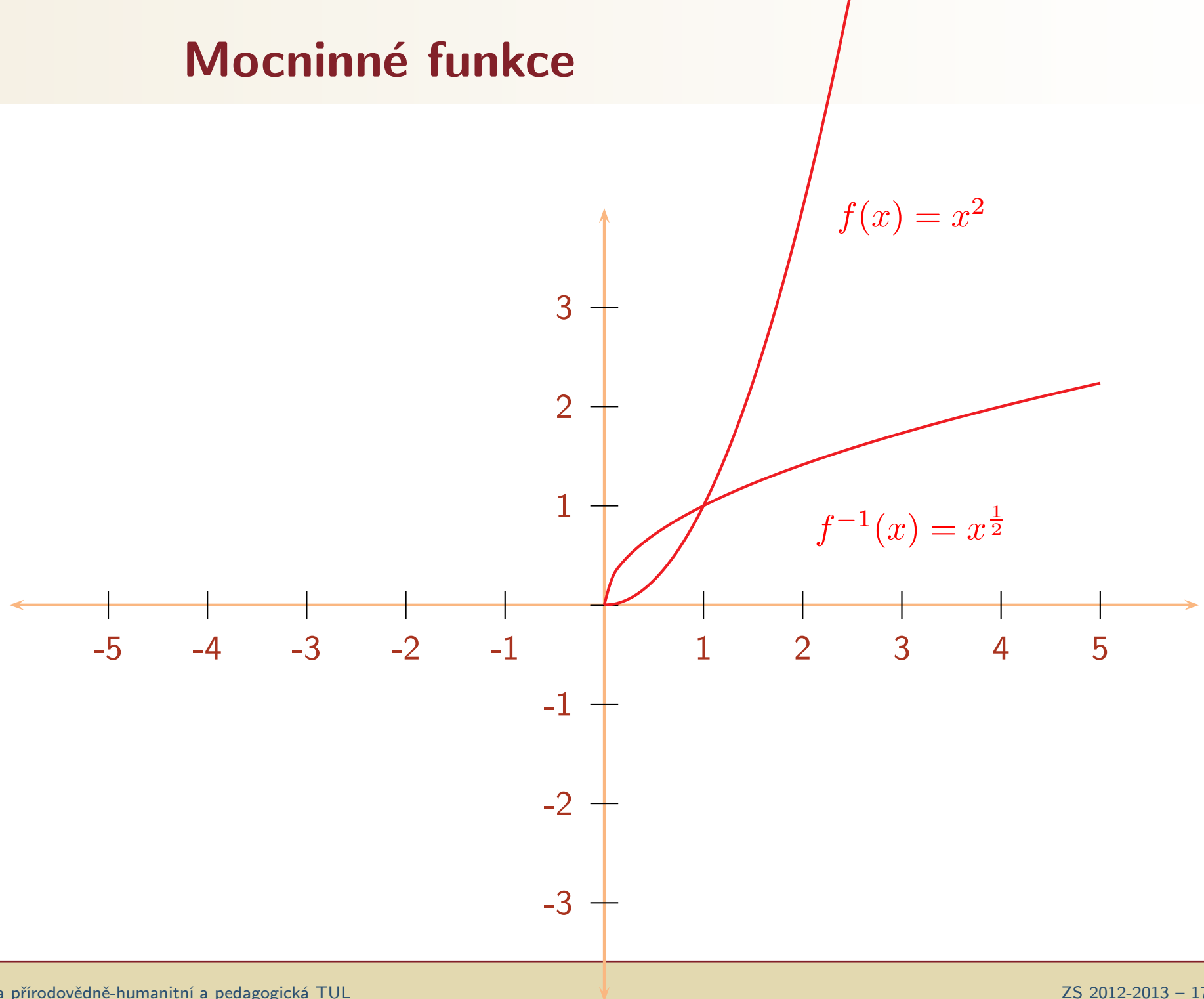
$$f(x) = x^2$$



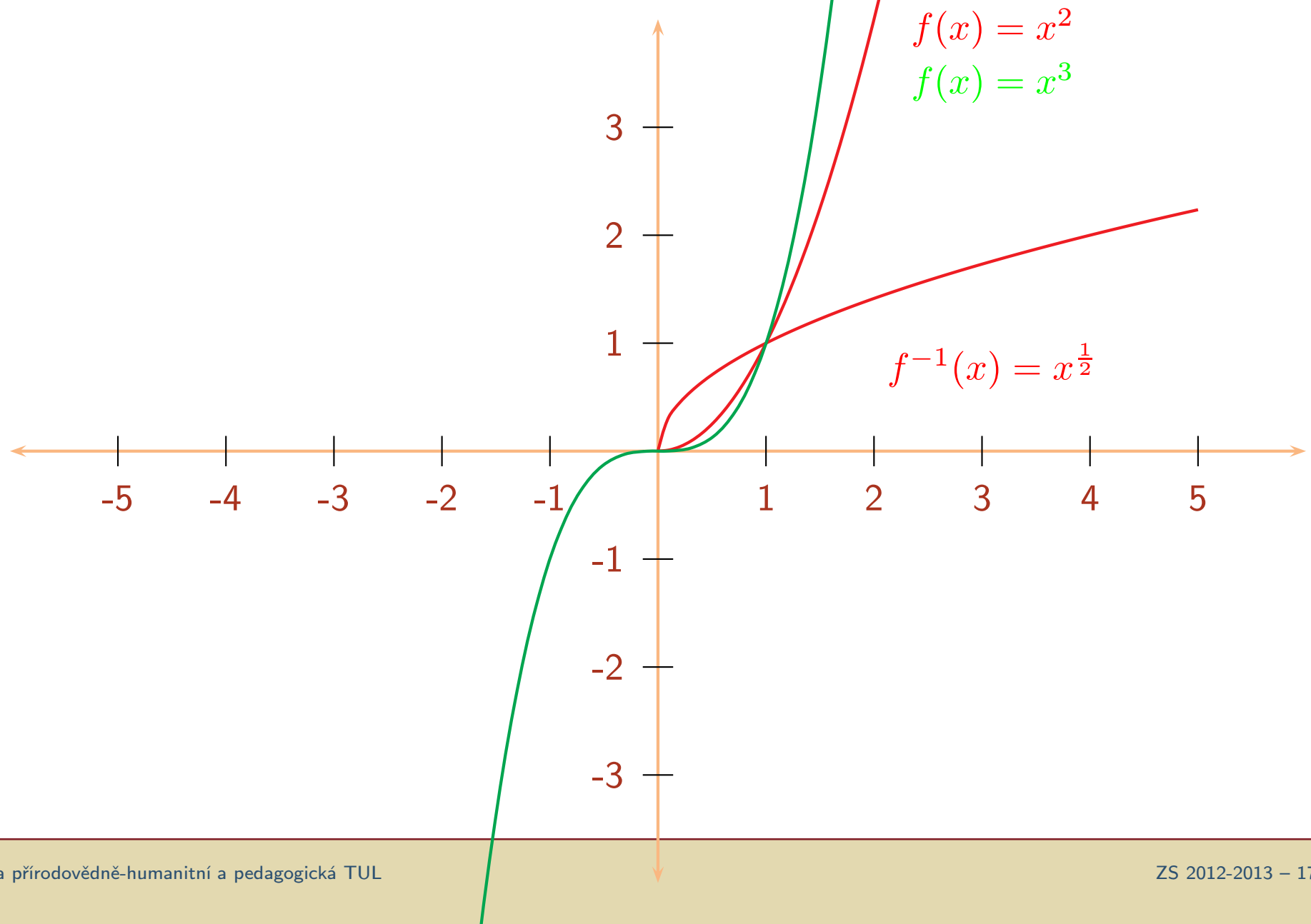
Mocninné funkce



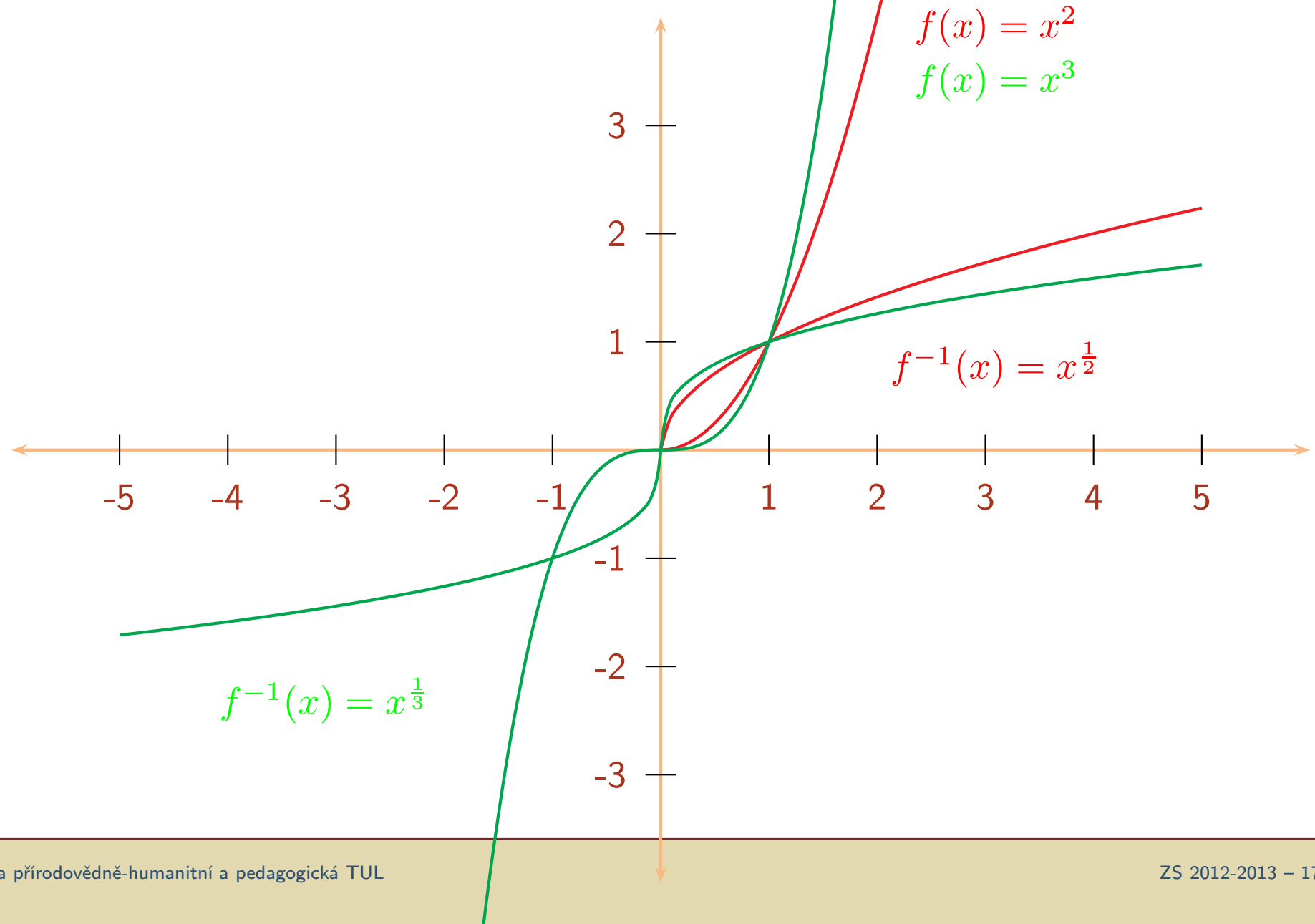
Mocninné funkce



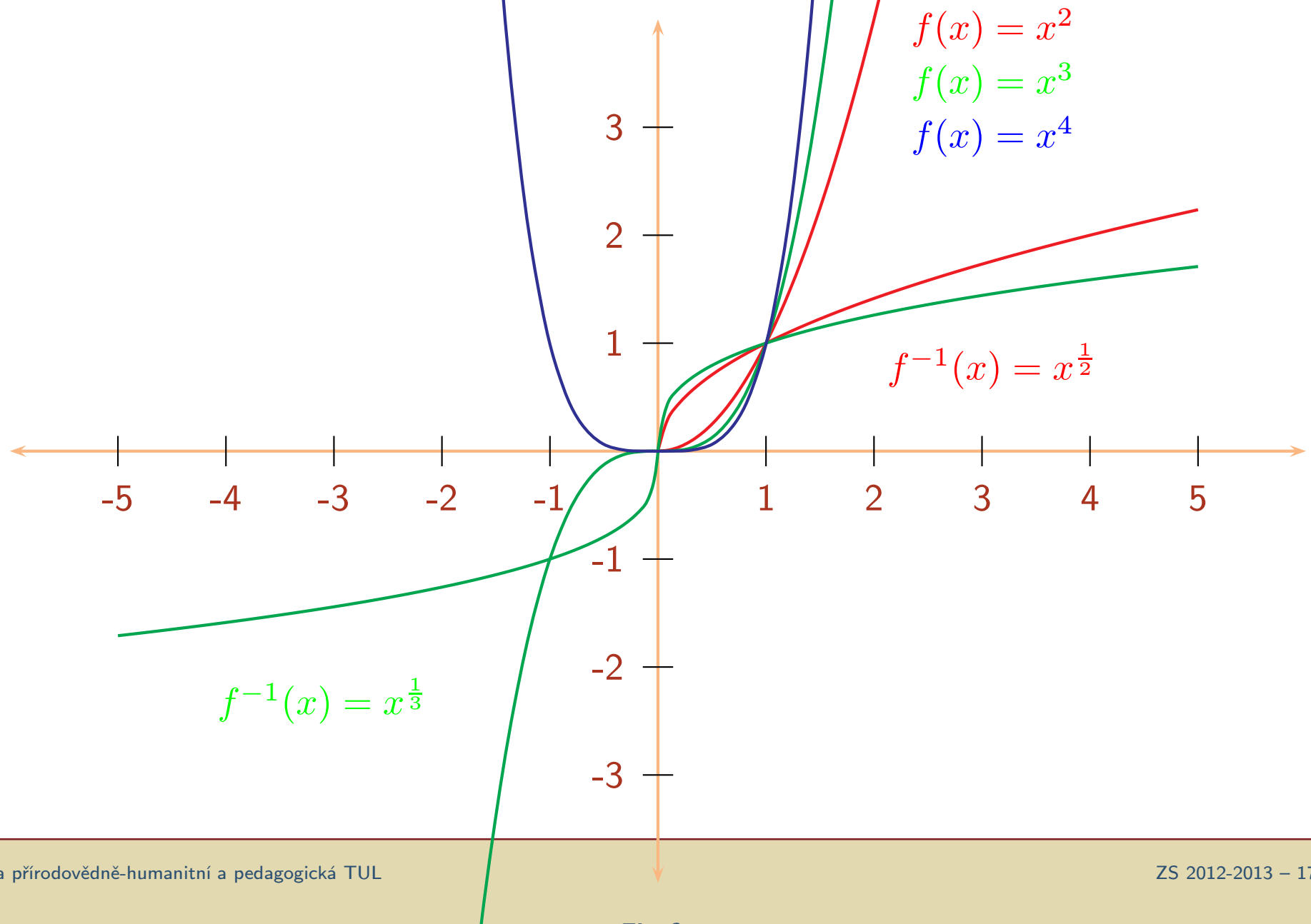
Mocninné funkce



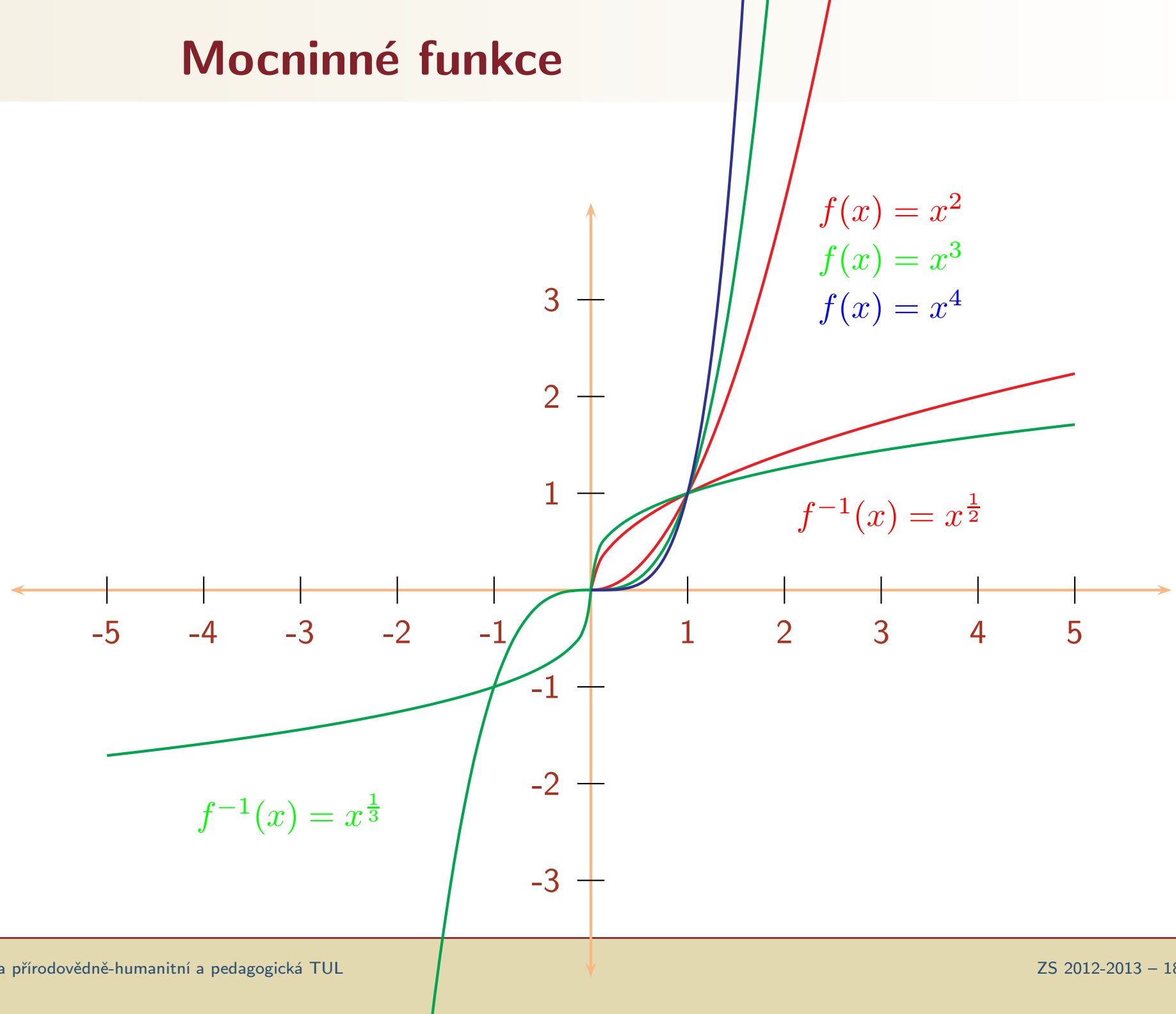
Mocninné funkce



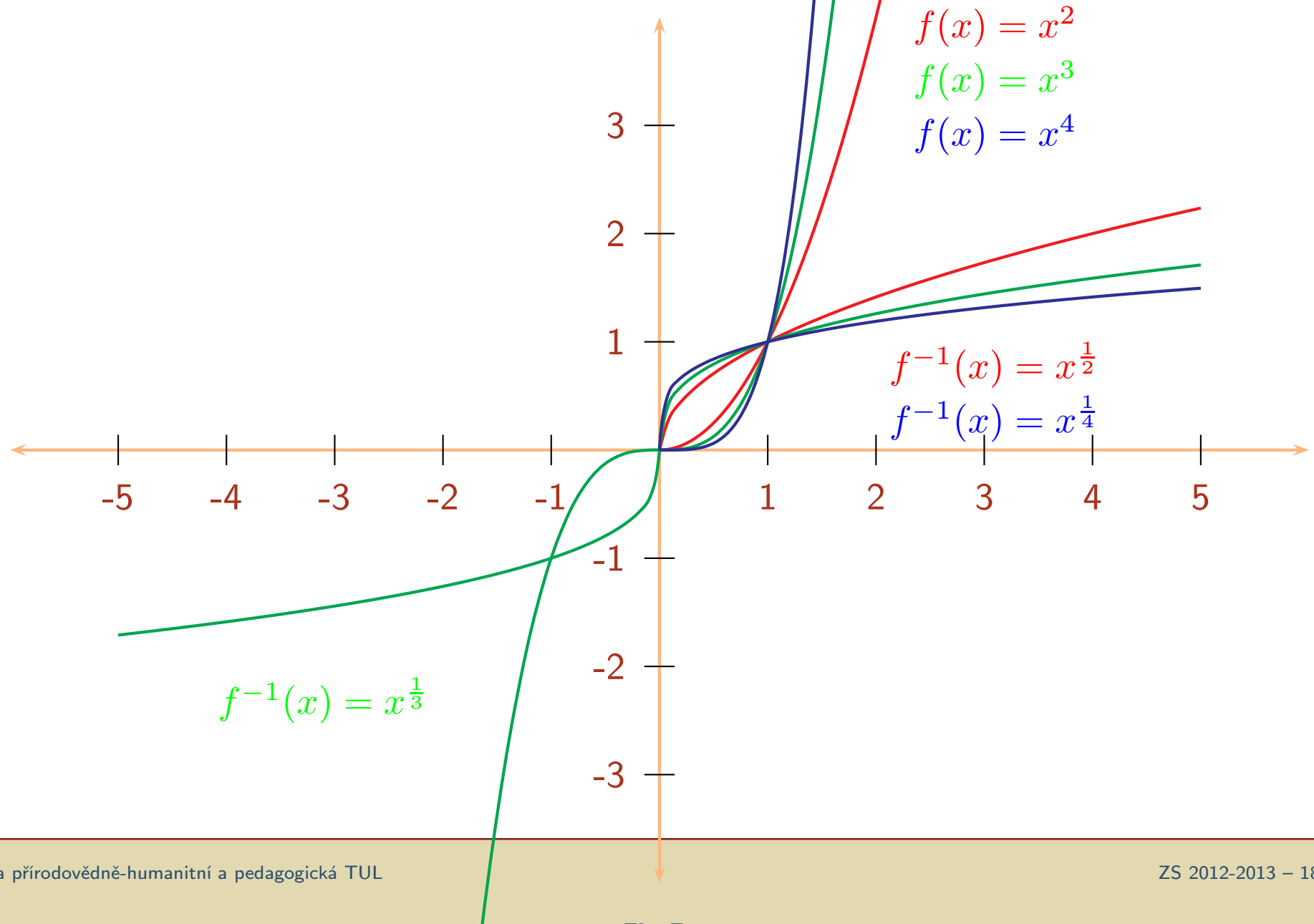
Mocninné funkce



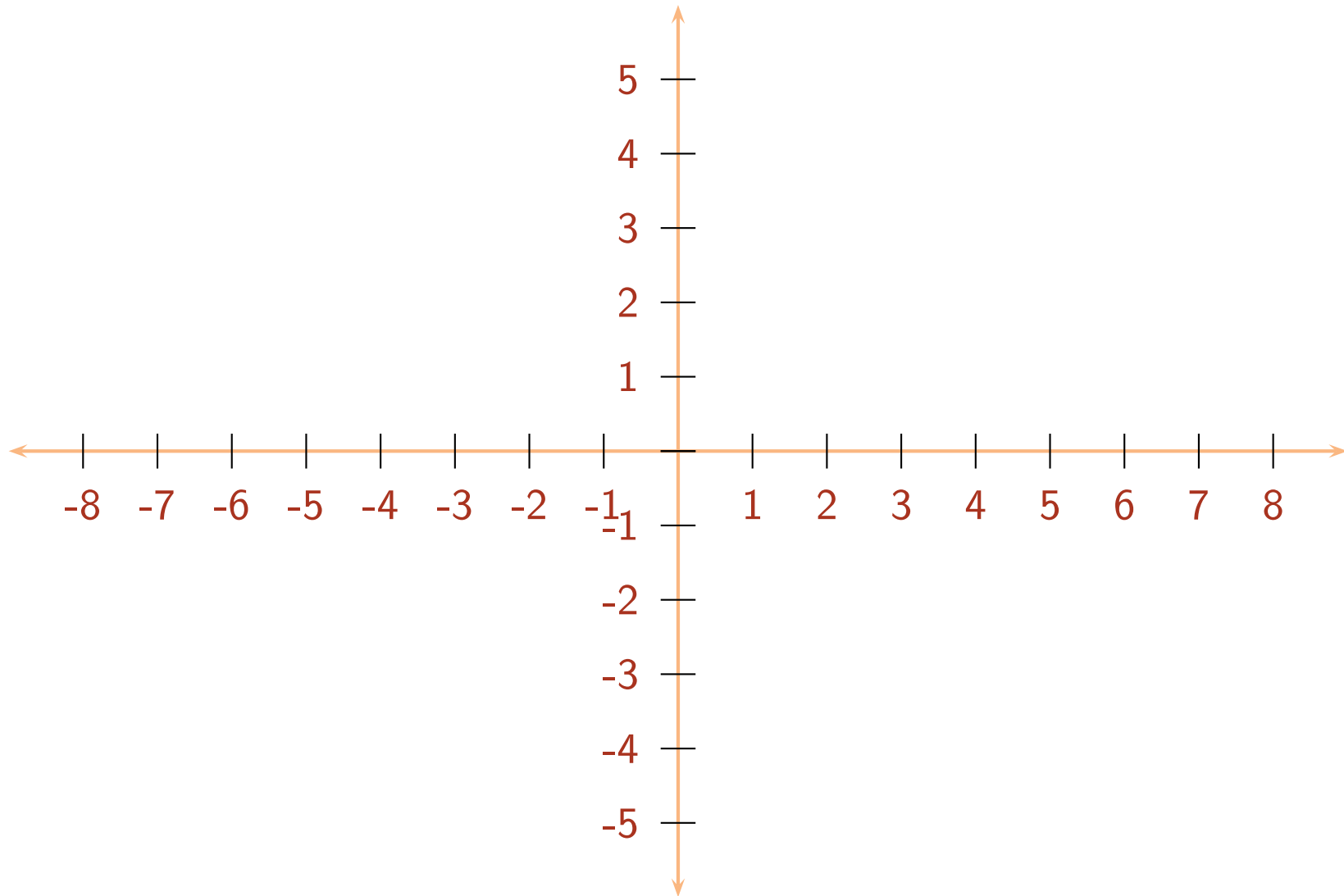
Mocninné funkce



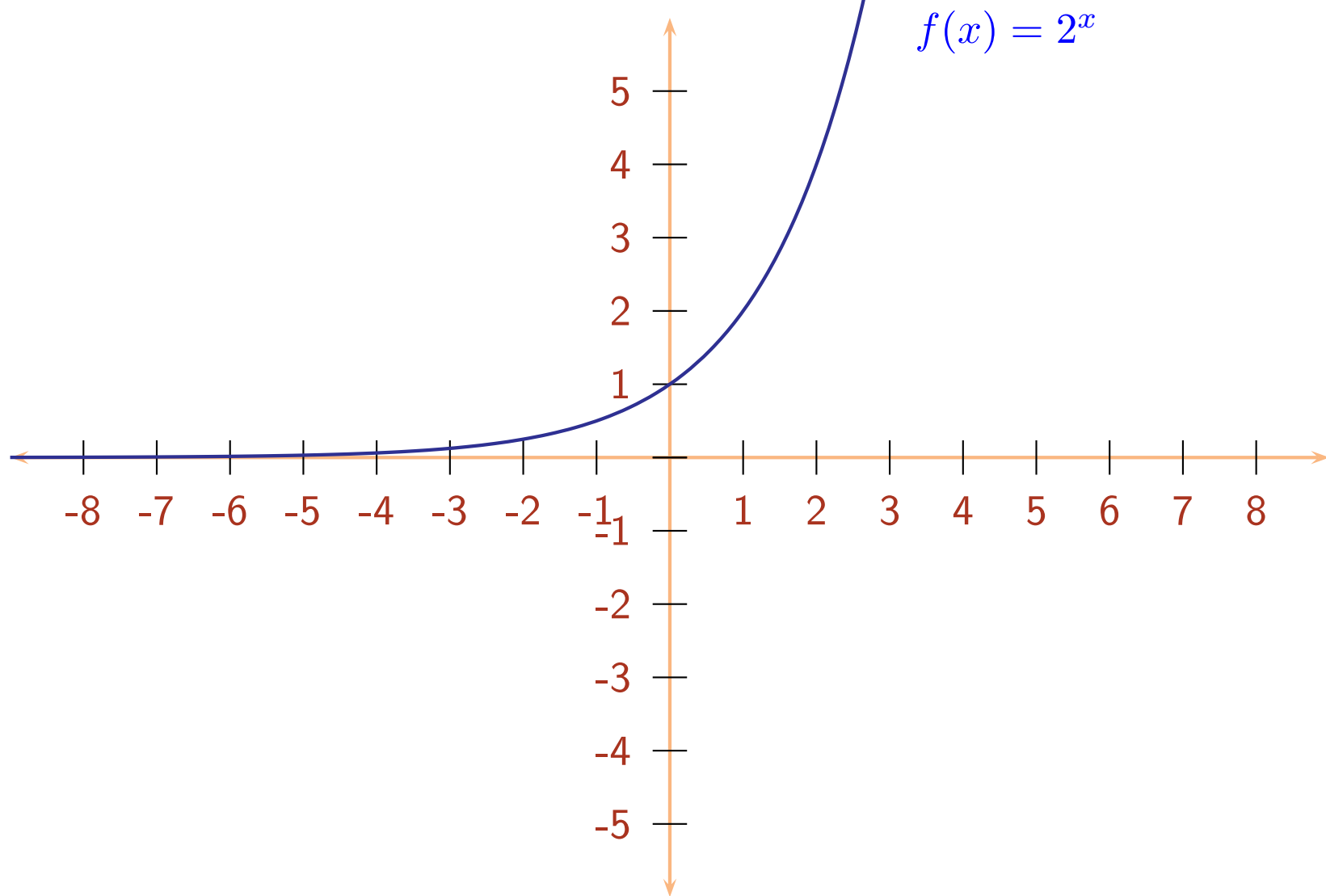
Mocninné funkce



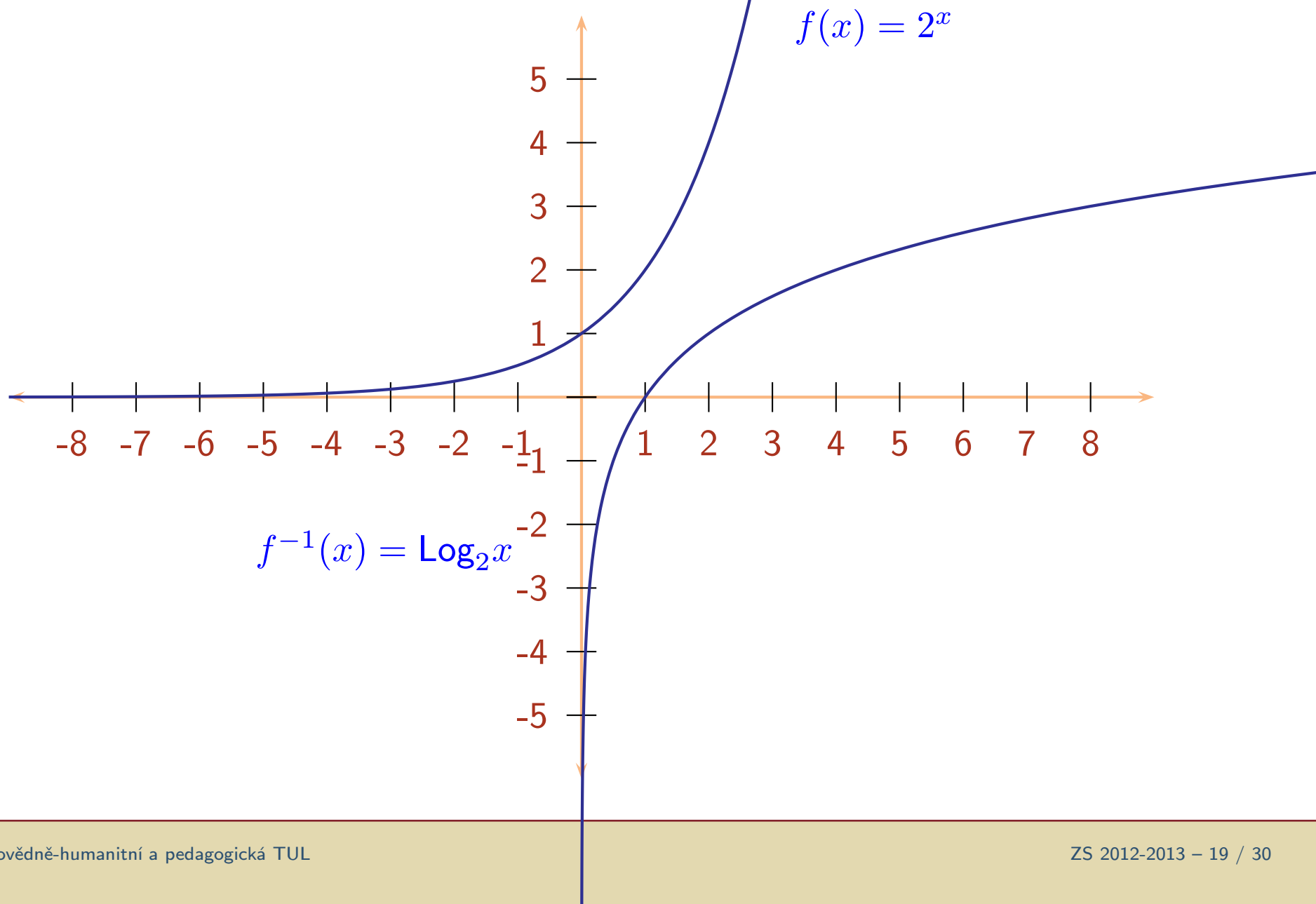
Logaritmické funkce



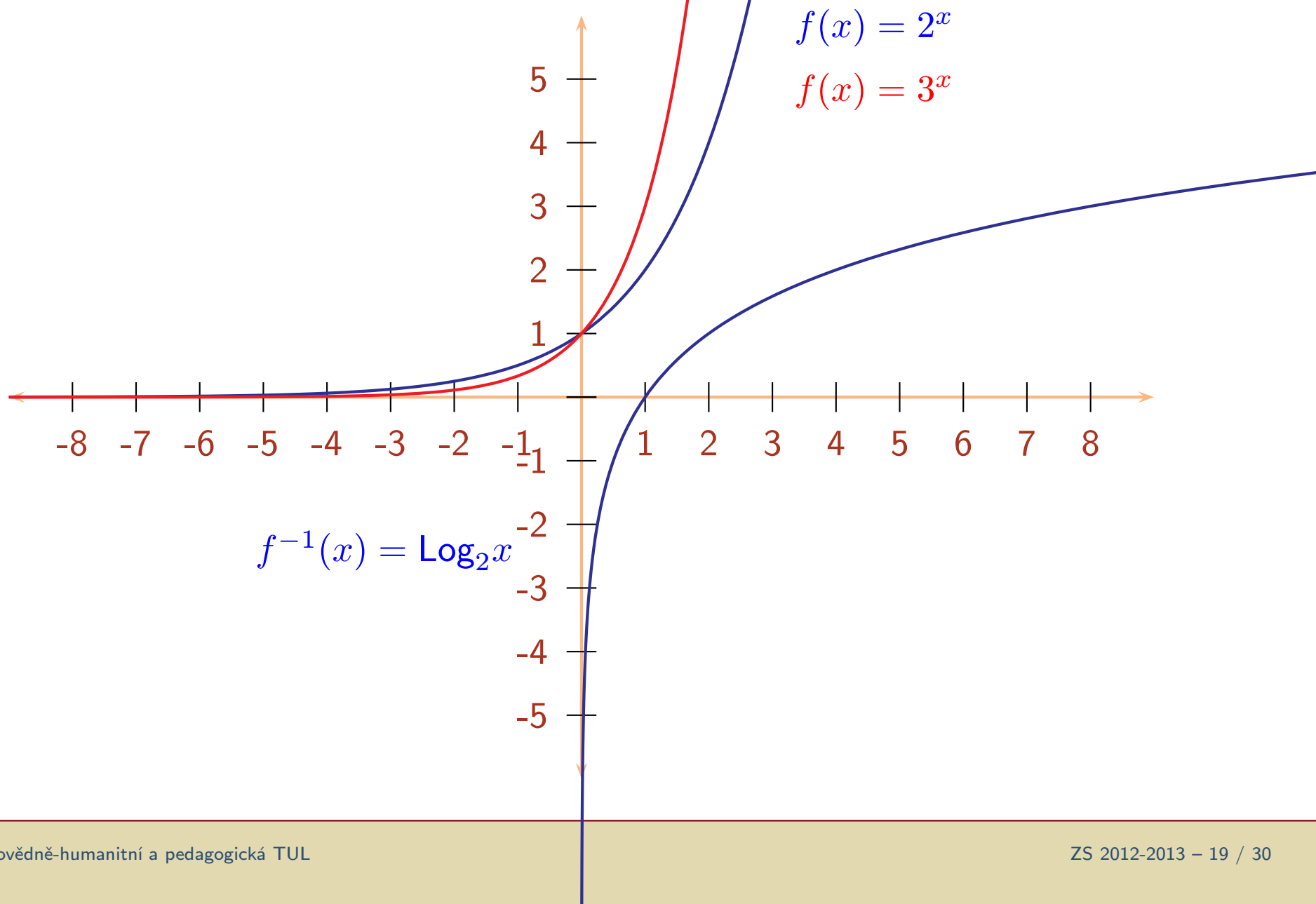
Logaritmické funkce



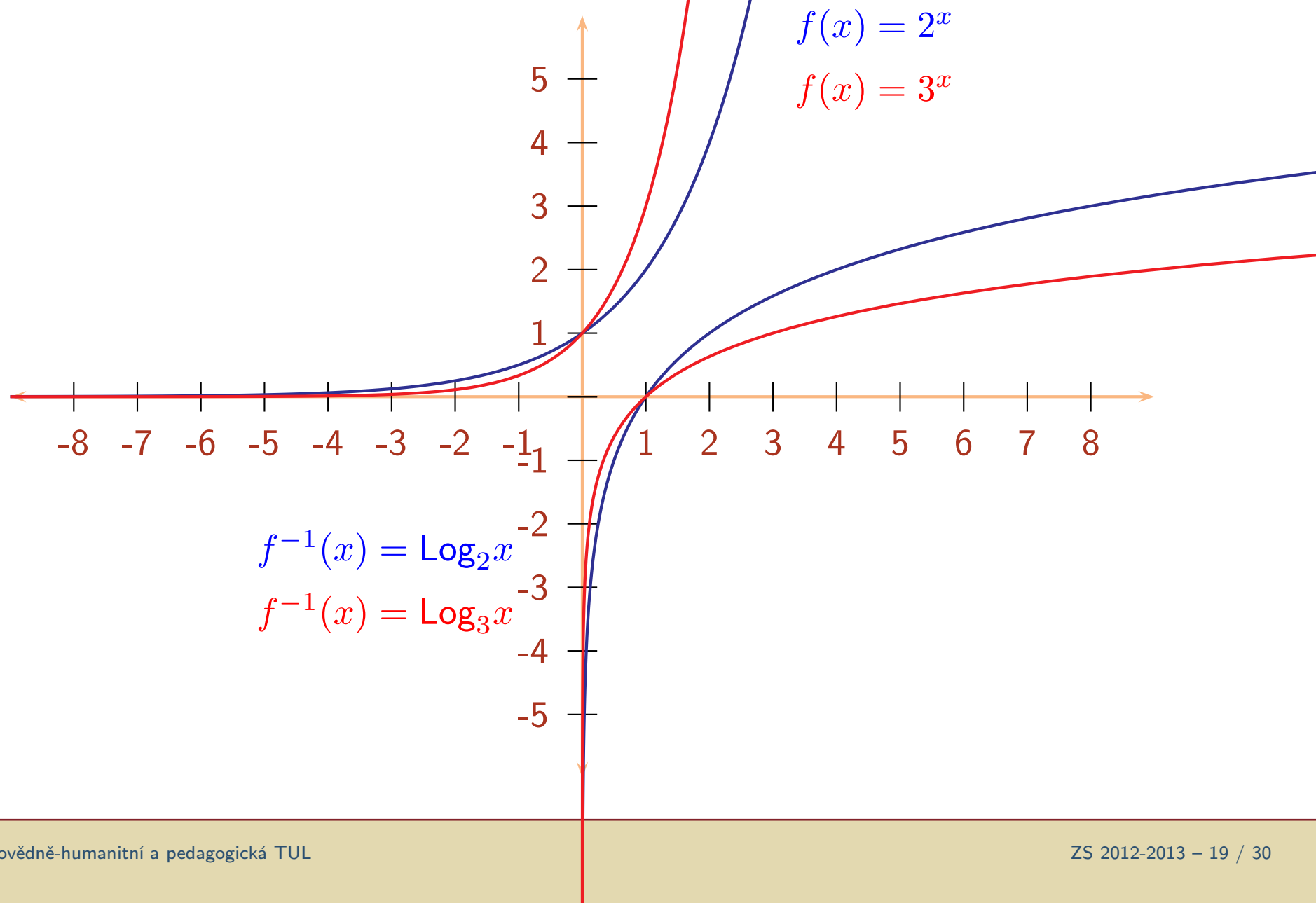
Logaritmické funkce



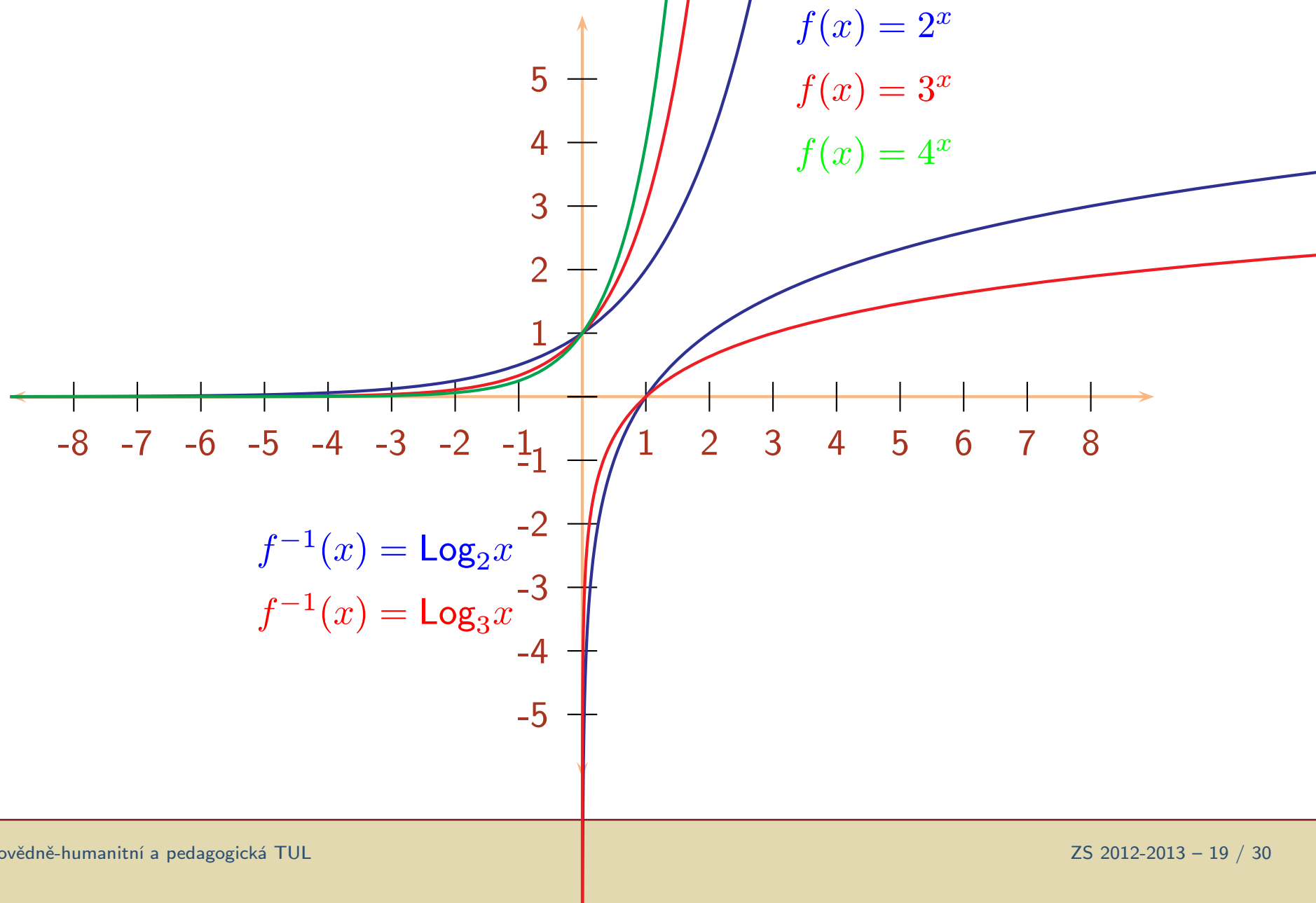
Logaritmické funkce



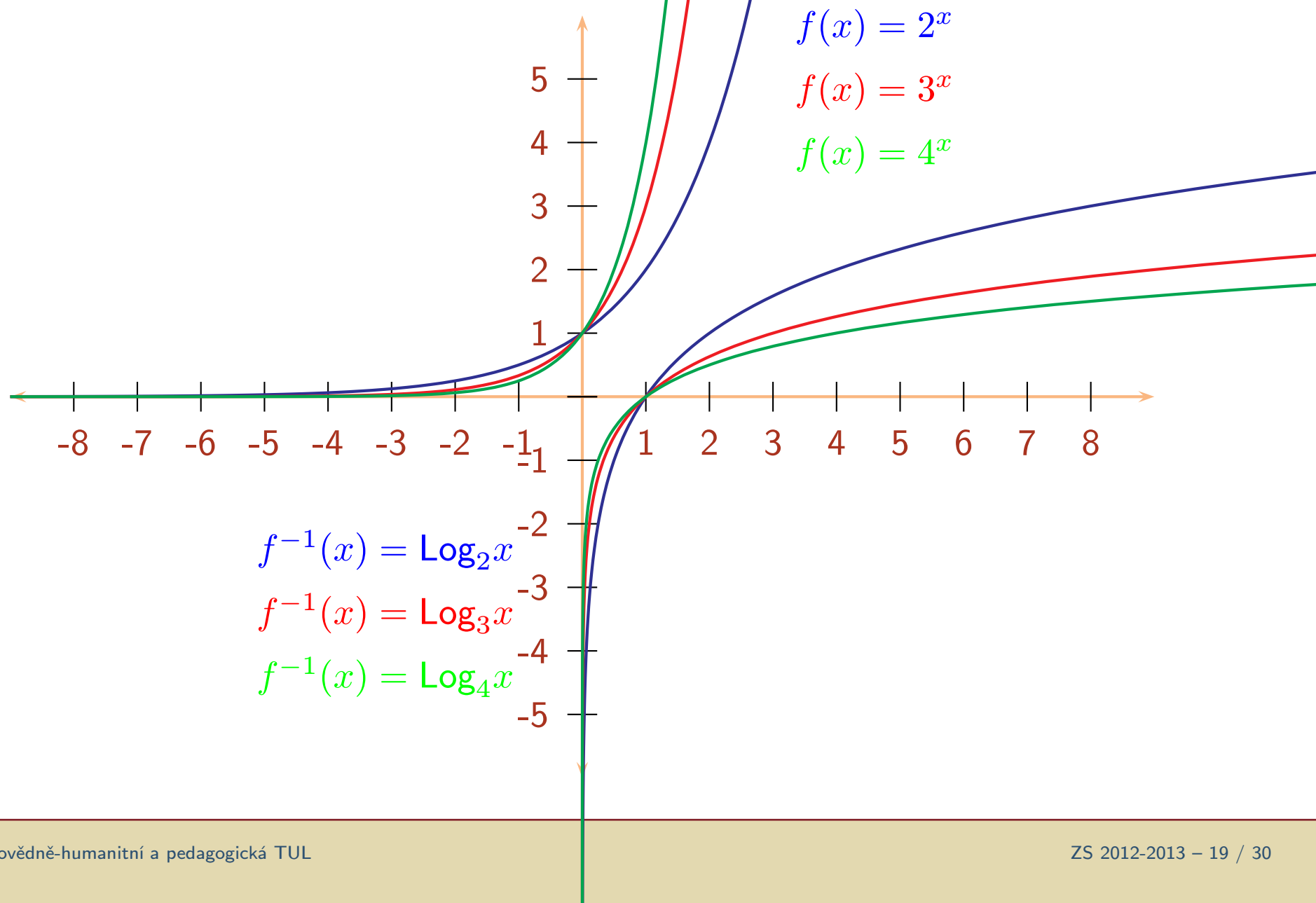
Logaritmické funkce



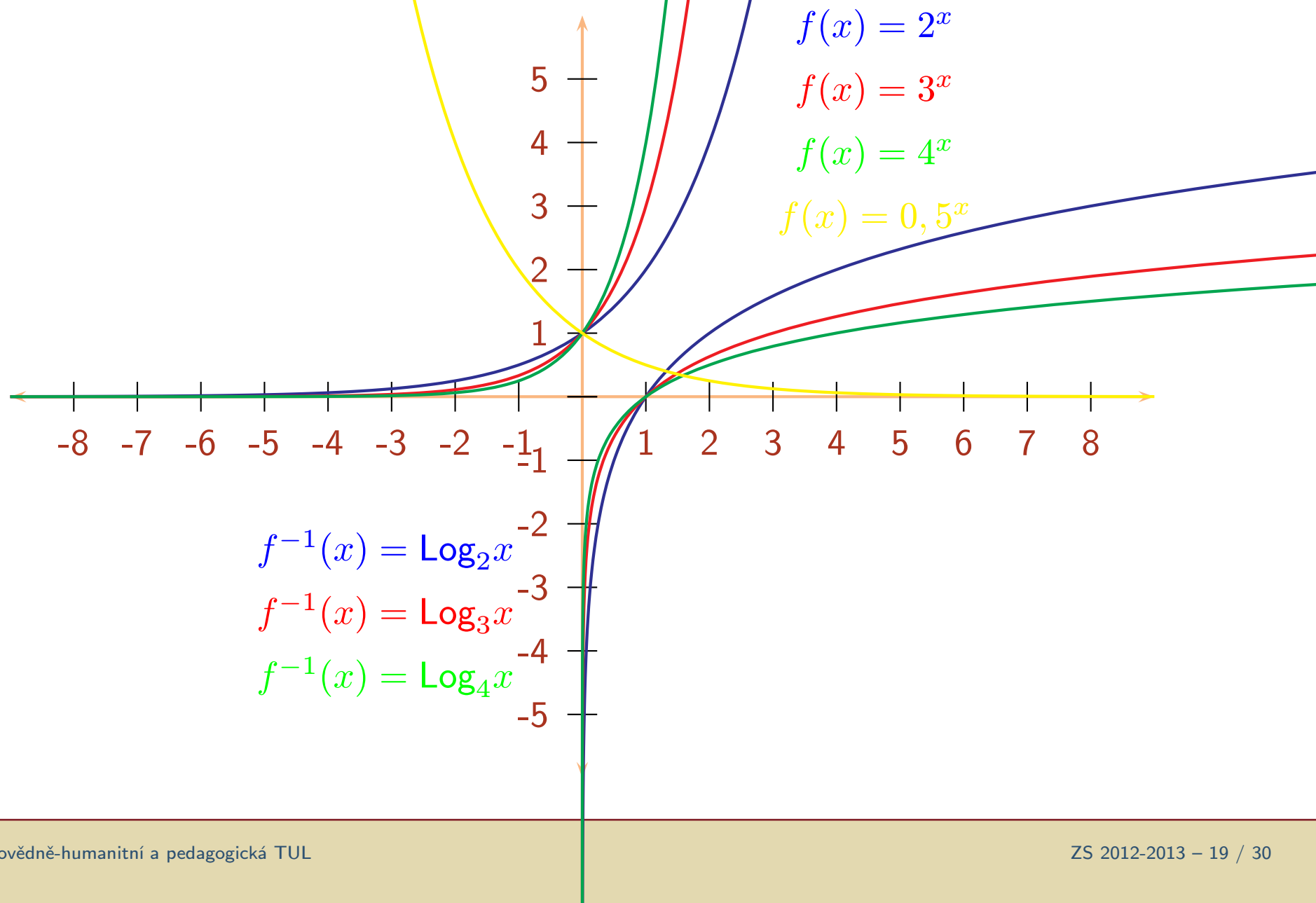
Logaritmické funkce



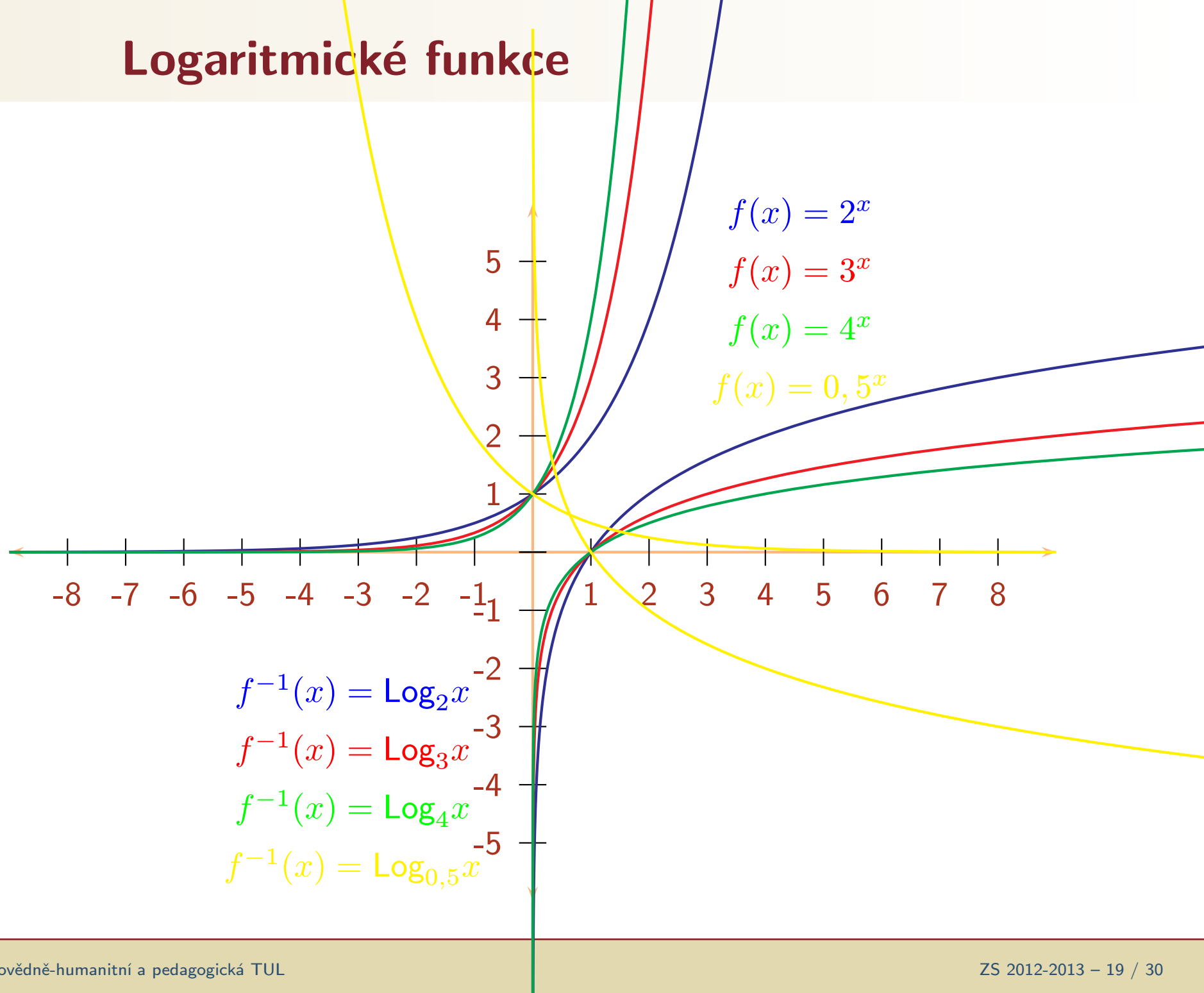
Logaritmické funkce



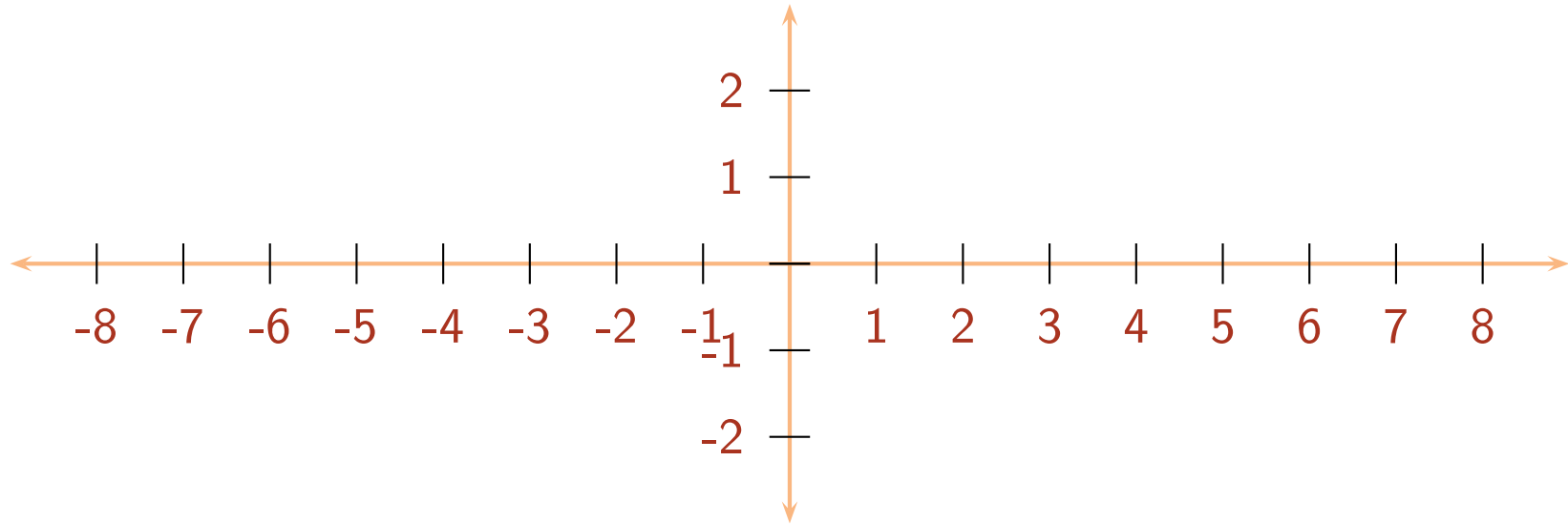
Logaritmické funkce



Logaritmické funkce



Cyklometrické funkce



Cyklometrické funkce

$$f(x) = \sin x$$

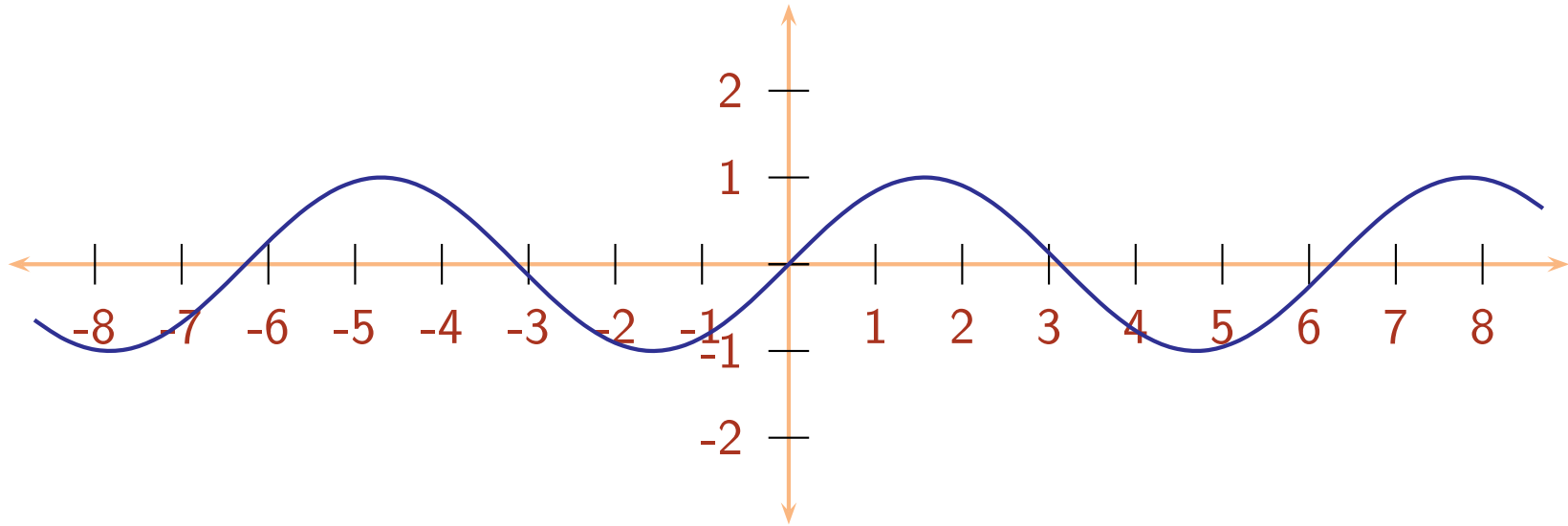
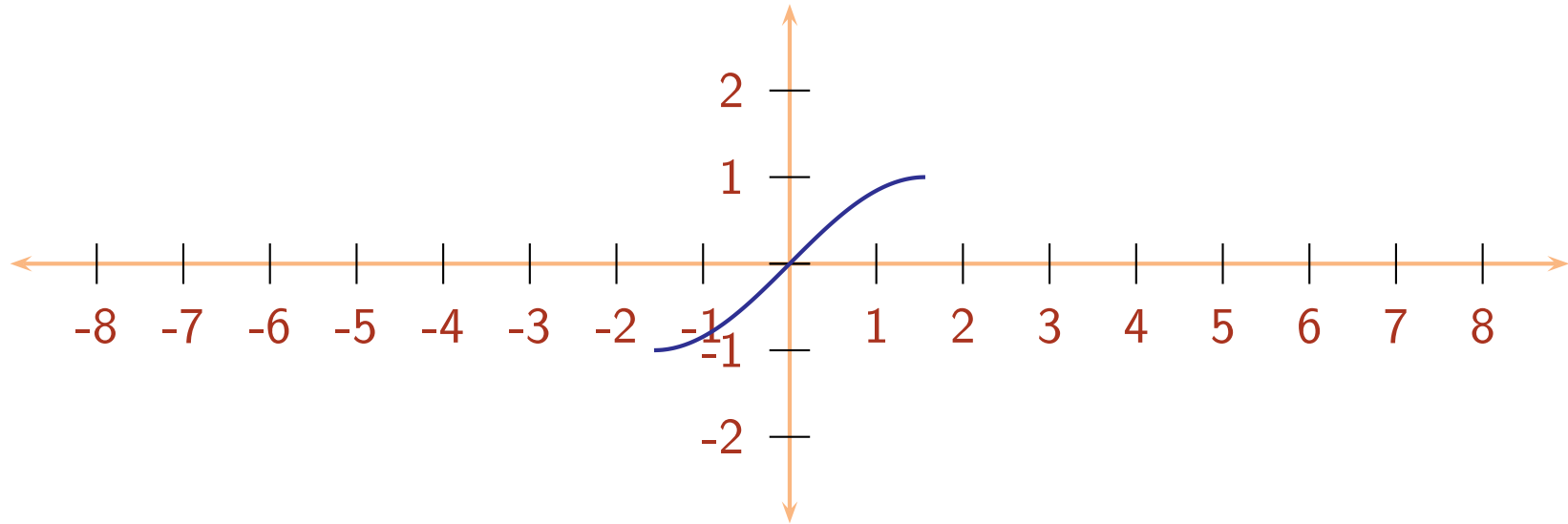


Fig 9

Cyklometrické funkce

$$f(x) = \sin x$$



Cyklometrické funkce

$$f(x) = \sin x$$

$$f^{-1}(x) = \arcsin x$$

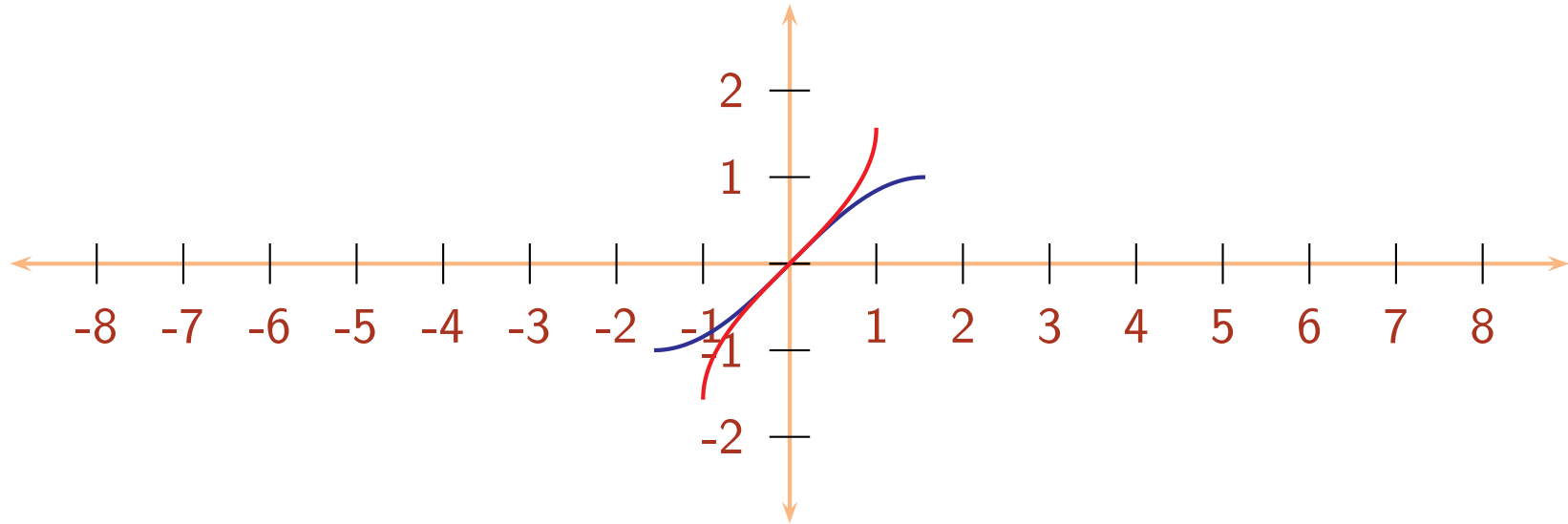
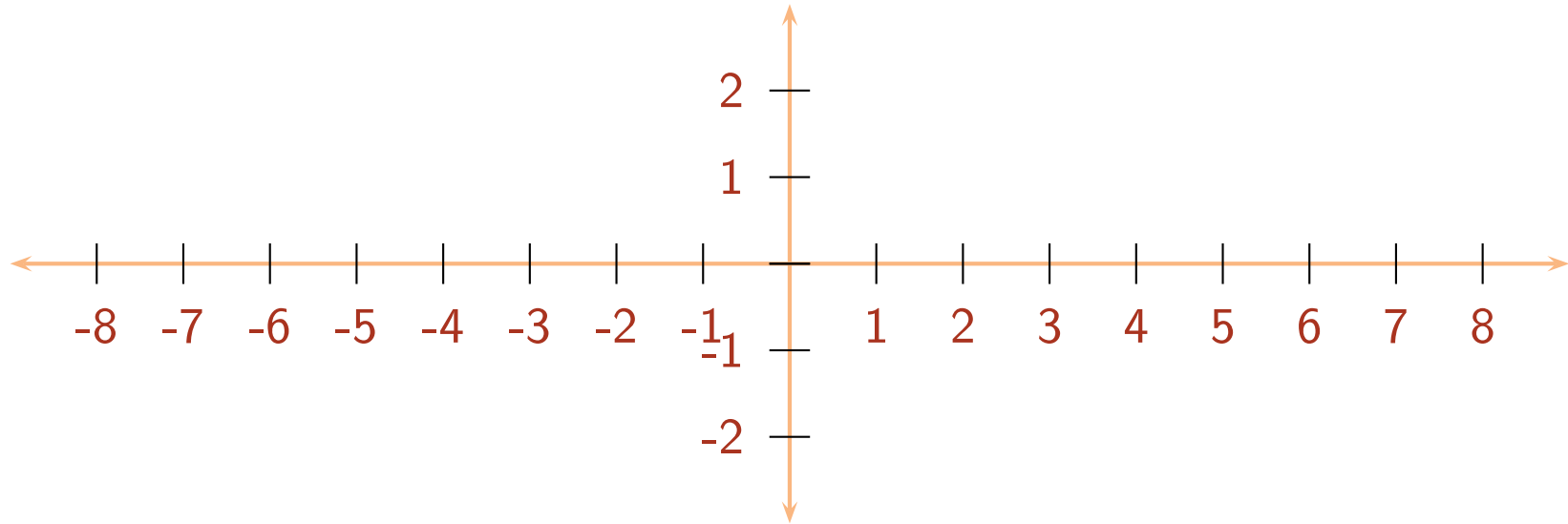


Fig 10

Cyklometrické funkce



Cyklometrické funkce

$$f(x) = \cos x$$

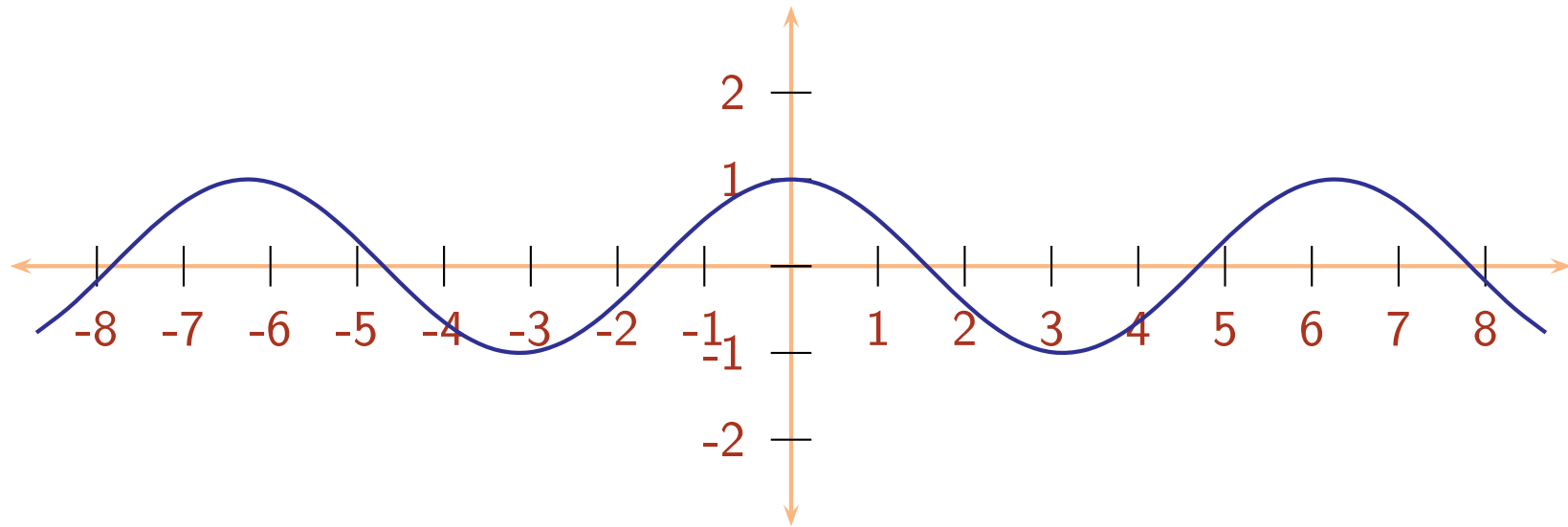
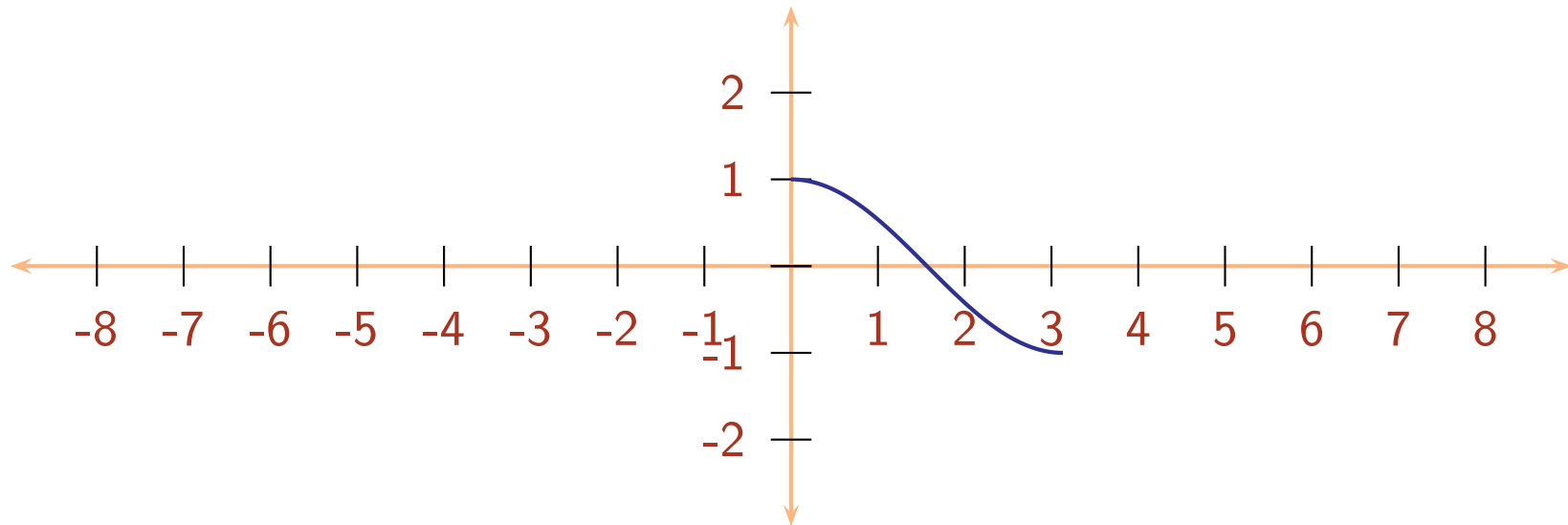


Fig 11

Cyklometrické funkce

$$f(x) = \cos x$$



Cyklometrické funkce

$$f(x) = \cos x$$

$$f^{-1}(x) = \arccos x$$

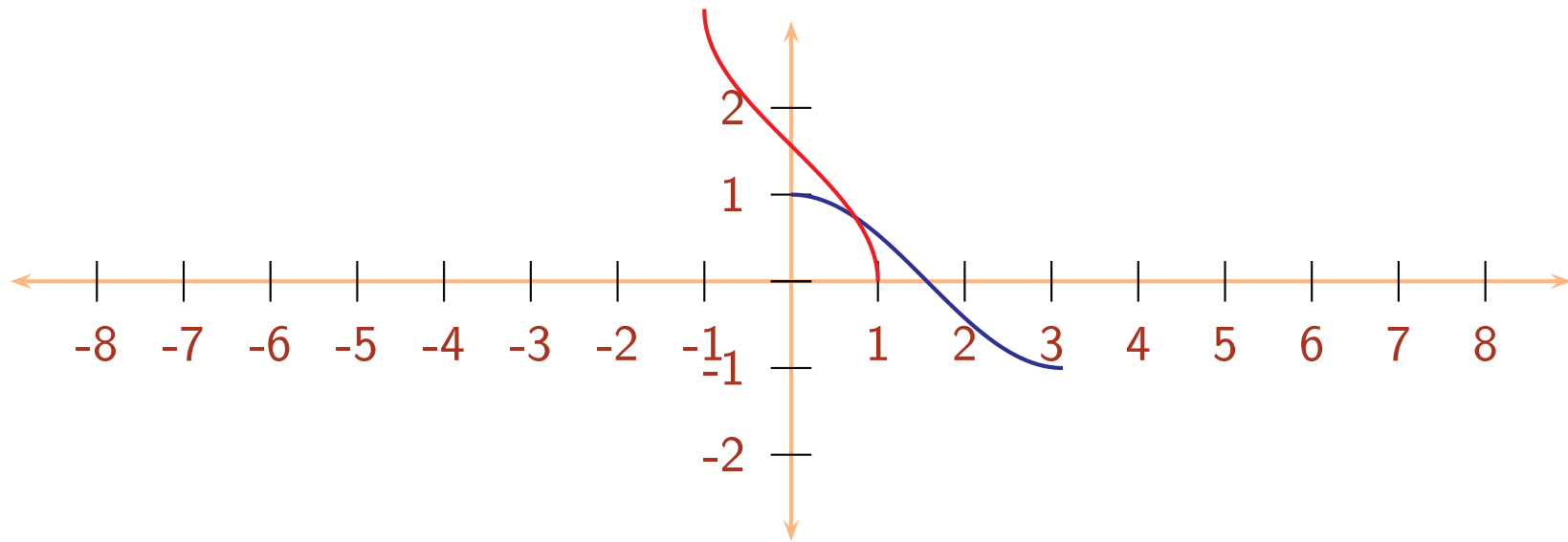
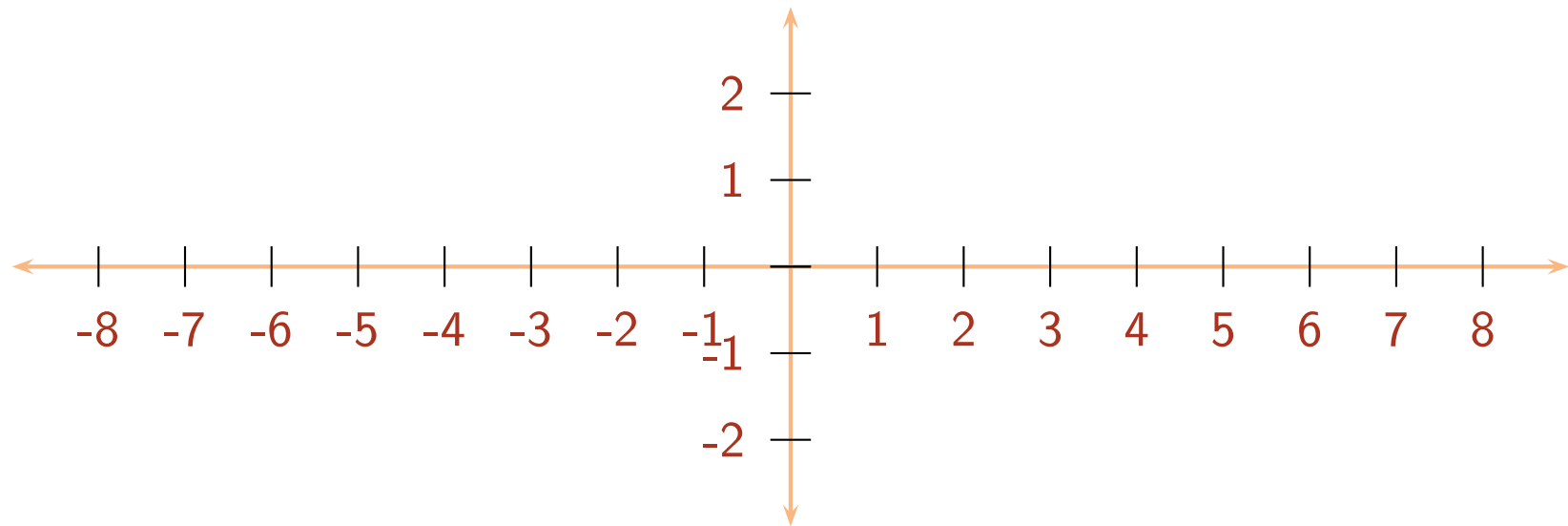


Fig 12

Cyklometrické funkce



Cyklometrické funkce

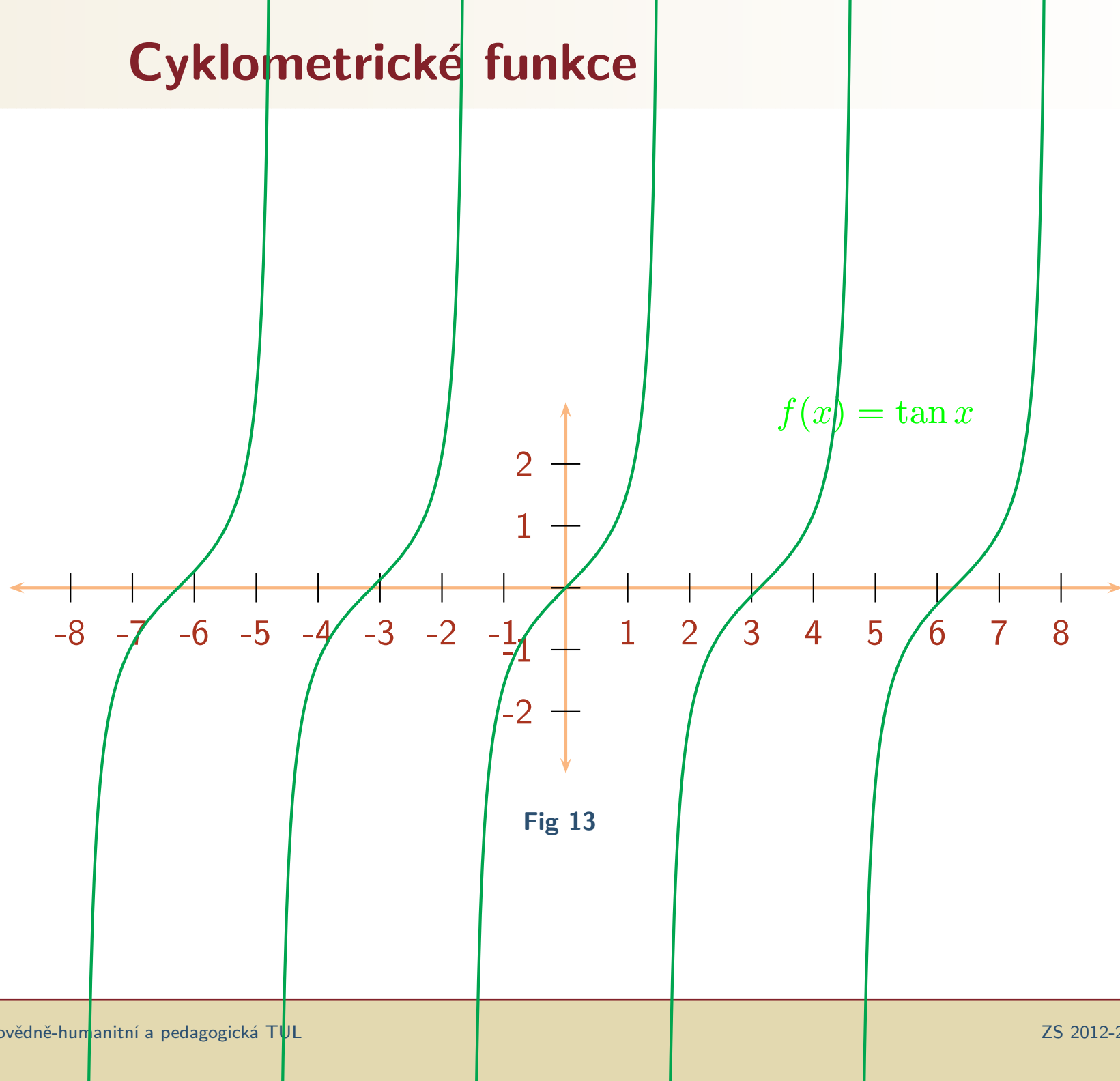
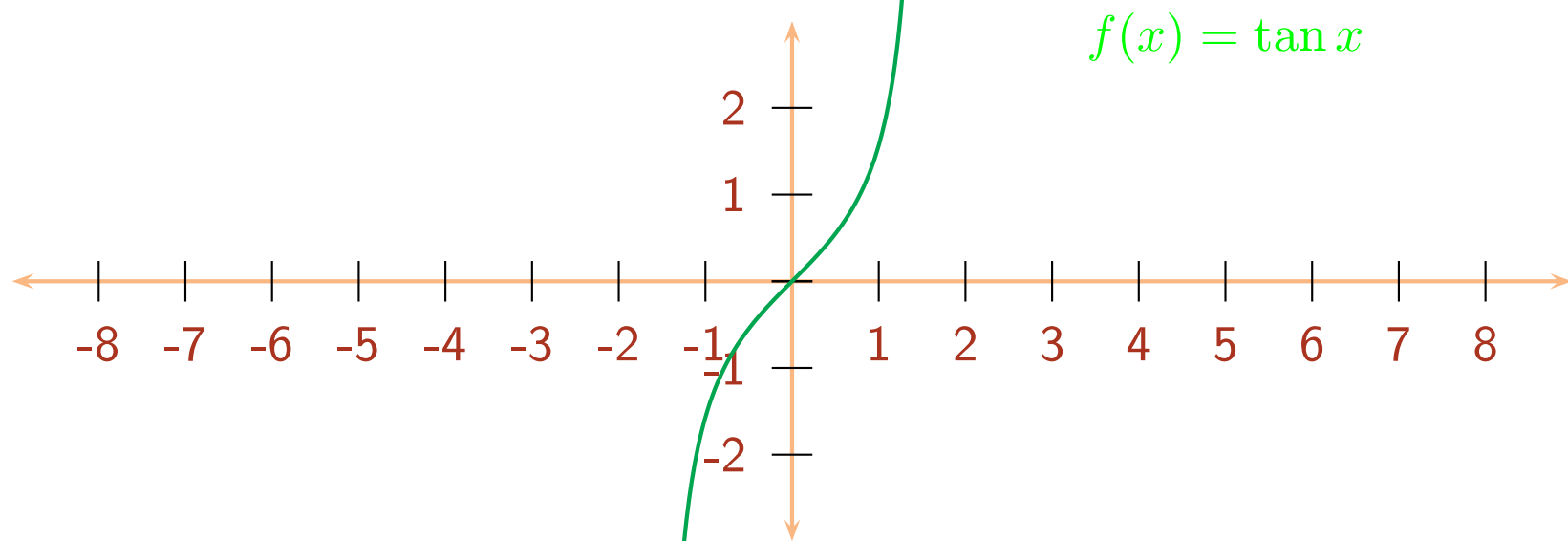


Fig 13

Cyklometrické funkce



Cyklometrické funkce

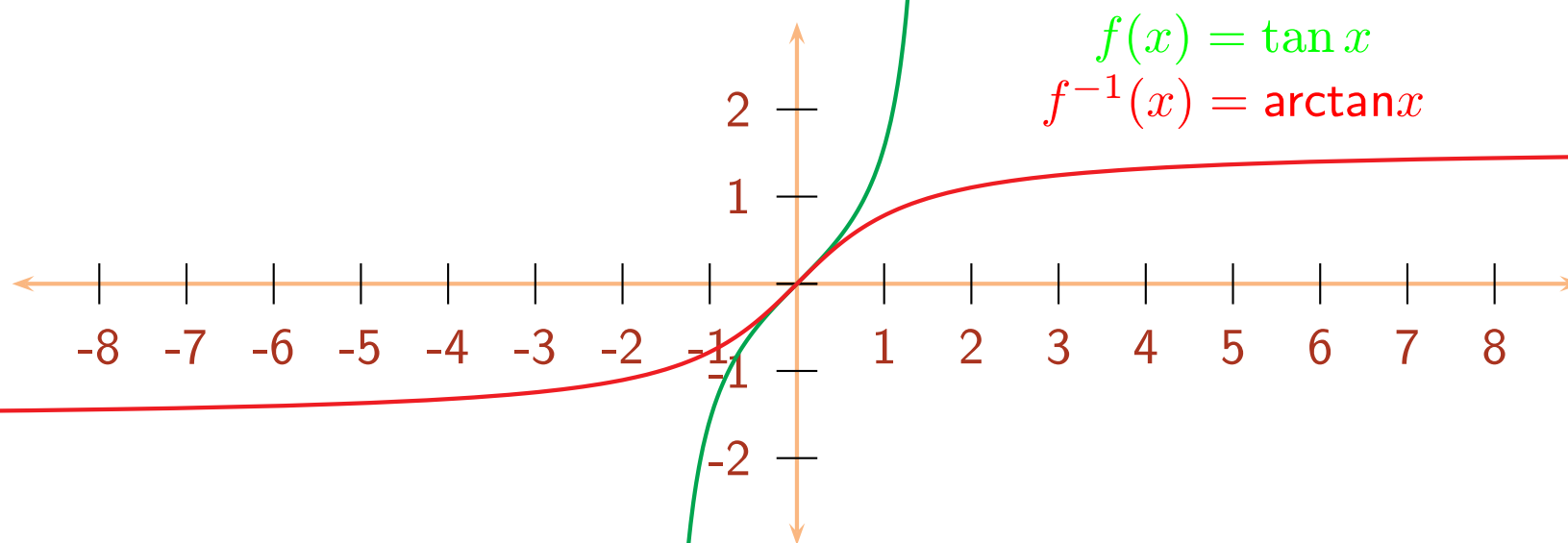


Fig 14

Cyklometrické funkce

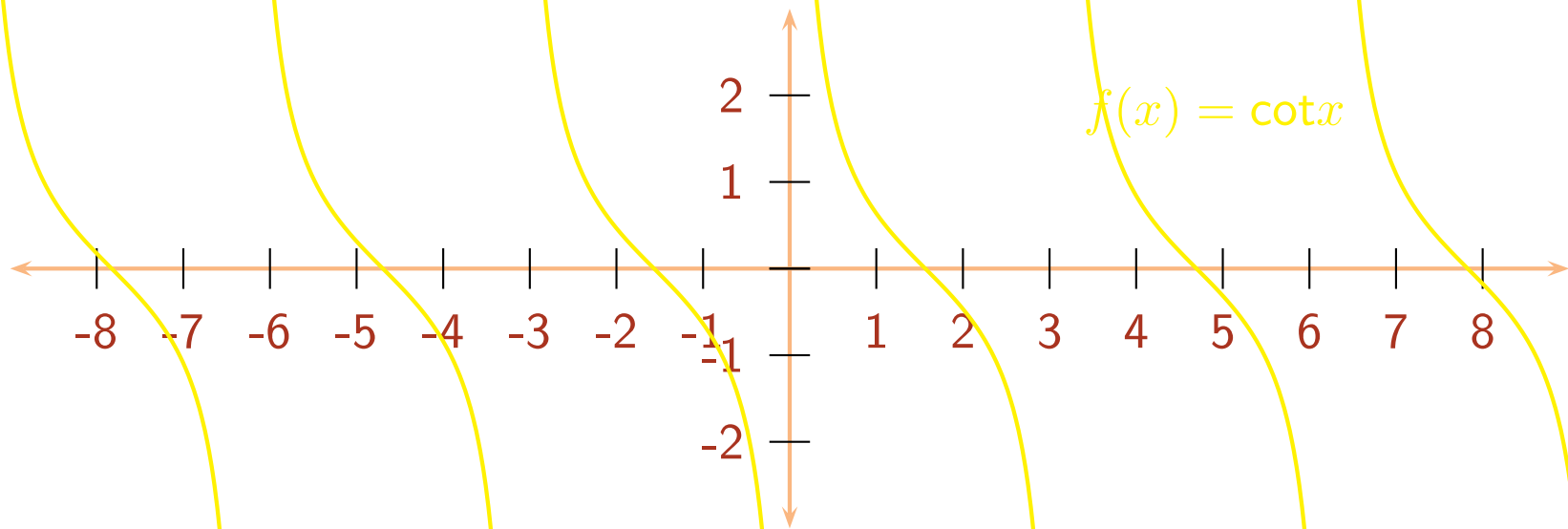
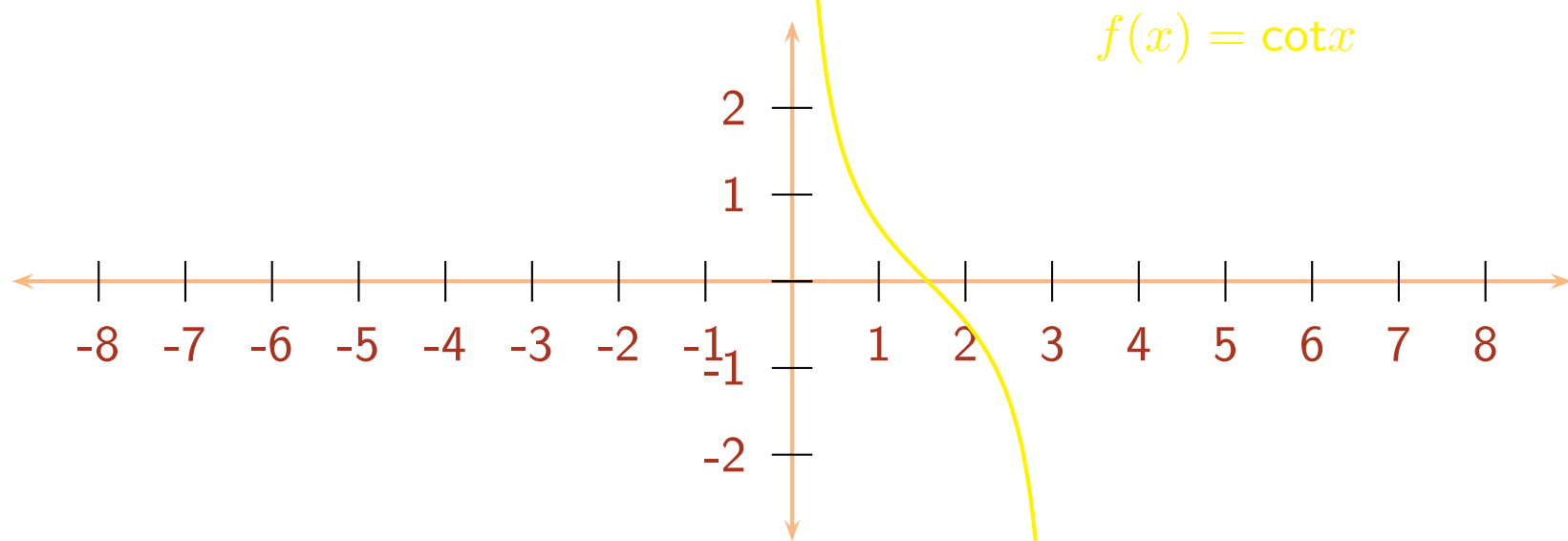


Fig 15

Cyklometrické funkce



Cyklometrické funkce

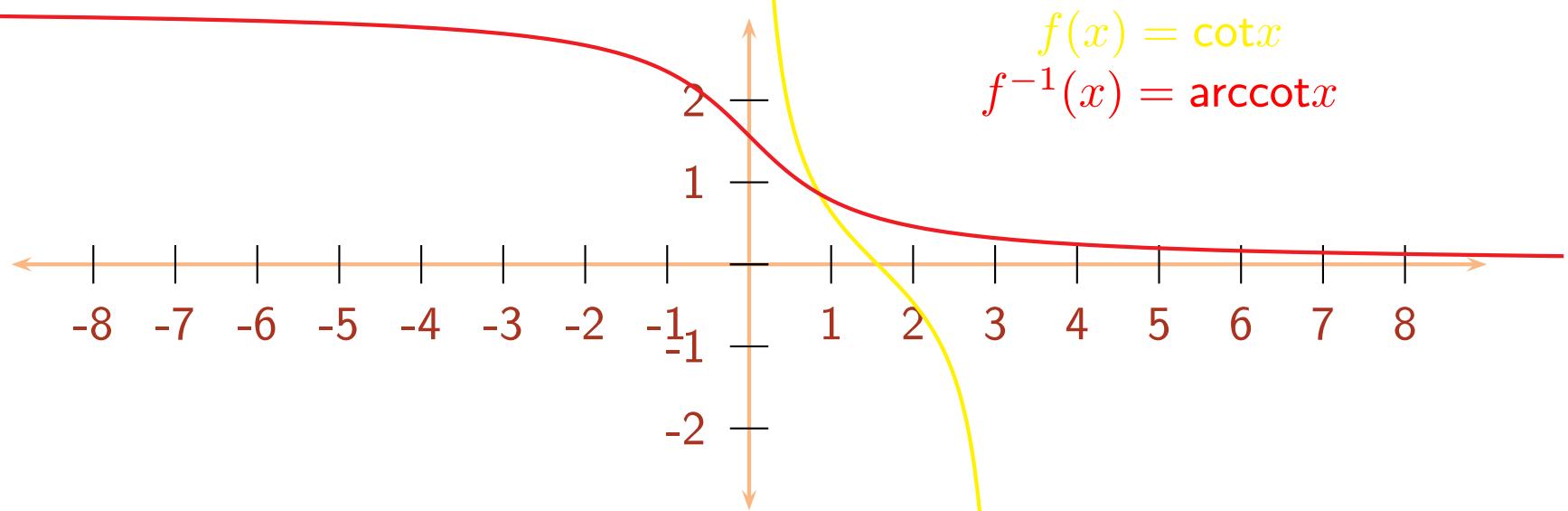


Fig 16

Funkce

Definice Základní elementární funkce

Funkce

Definice Základní elementární funkce

Základní elementární funkce jsou konstantní, mocninné, exponenciální, logaritmické, goniometrické a cyklometrické funkce.

Funkce

Definice Základní elementární funkce

Základní elementární funkce jsou konstantní, mocninné, exponenciální, logaritmické, goniometrické a cyklometrické funkce.

Definice

Elementární funkce jsou všechny funkce, které lze získat ze základních elementárních funkcí pouze sčítáním, odečítáním, násobením, dělením a tvořením složených funkcí.

Funkce

Definice (Polynom a racionální funkce)

Funkce

Definice (Polynom a racionální funkce)

Polynomem se rozumí funkce s funkčním předpisem

$$f(x) = a_m x^m + a_{m-1} x^{m-1} + \dots + a_1 x + a_0 ,$$

kde $m \in \mathbb{N} \cup \{0\}$, $a_0, a_1, \dots, a_m \in \mathbb{R}$.

Funkce

Definice (Polynom a racionální funkce)

Polynomem se rozumí funkce s funkčním předpisem

$$f(x) = a_m x^m + a_{m-1} x^{m-1} + \dots + a_1 x + a_0 ,$$

kde $m \in \mathbb{N} \cup \{0\}$, $a_0, a_1, \dots, a_m \in \mathbb{R}$.

$f(x) = 0$ nulový polynom

Funkce

Definice (Polynom a racionální funkce)

Polynomem se rozumí funkce s funkčním předpisem

$$f(x) = a_m x^m + a_{m-1} x^{m-1} + \dots + a_1 x + a_0 ,$$

kde $m \in \mathbb{N} \cup \{0\}$, $a_0, a_1, \dots, a_m \in \mathbb{R}$.

$f(x) = 0$ nulový polynom

$f(x) = a_1 x + a_0$, kde $a_1 \neq 0$, se nazve lineární funkce.

Funkce

Definice (Polynom a racionální funkce)

Polynomem se rozumí funkce s funkčním předpisem

$$f(x) = a_m x^m + a_{m-1} x^{m-1} + \dots + a_1 x + a_0 ,$$

kde $m \in \mathbb{N} \cup \{0\}$, $a_0, a_1, \dots, a_m \in \mathbb{R}$.

$f(x) = 0$ nulový polynom

$f(x) = a_1 x + a_0$, kde $a_1 \neq 0$, se nazve lineární funkce.

Racionální funkcí se rozumí funkce, která je podílem dvou polynomů, přičemž dělitel není nulový polynom.

Funkce

Definice (Extrémy)

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**,

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**, resp. **globální minimum**,

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**, resp. **globální minimum**,
jestliže pro všechna $x \in D(f)$

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**, resp. **globální minimum**, jestliže pro všechna $x \in D(f)$ je $f(x) \leq f(a)$,

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**, resp. **globální minimum**, jestliže pro všechna $x \in D(f)$ je $f(x) \leq f(a)$, resp. $f(x) \geq f(a)$.

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**, resp. **globální minimum**, jestliže pro všechna $x \in D(f)$ je $f(x) \leq f(a)$, resp. $f(x) \geq f(a)$.

Má-li funkce f v bodě a globální maximum, nebo globální minimum řekneme,

Funkce

Definice (Extrémy)

Řekneme, že funkce f má v bodě a **globální maximum**, resp. **globální minimum**, jestliže pro všechna $x \in D(f)$ je $f(x) \leq f(a)$, resp. $f(x) \geq f(a)$.

Má-li funkce f v bodě a globální maximum, nebo globální minimum řekneme, že má v a **globální extrém**.